



0 006253 970008

00-62-53-97  
(151.7)



# МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант \_\_\_\_\_

Место проведения г. Пенза город

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников "Покори Мордовские горы!"  
название олимпиады

по математике профиль олимпиады

Коваликов Мария Евгеньевна  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата

« 6 » апреля 2025 года

Подпись участника

Мария Коваликова

Числовой

№3

95 (девяносто пять)

Попробуем решить на сумму двухзначных чисел (из которых состоящих двумя разрядами) все последующие разряды:

$$2026 : (20+26) = 44 \text{ (ост. 2)}$$

$$2027 : (20+27) = 43 \text{ (ост. 6)}$$

$$2028 : (20+28) = 42 \text{ (ост. 12)}$$

$$2029 : (20+29) = 41 \text{ (ост. 20)}$$

$$2030 : (20+30) = 40,6$$

$$2031 : (20+31) = 39 \text{ (ост. 11)}$$

$$2032 : (20+32) = 38 \text{ (ост. 11)}$$

$$2033 : (20+33) = 37 \text{ (ост. 10)}$$

$$2034 : (20+34) = 37 \text{ (ост. 36)}$$

$$2035 : (20+35) = 37$$



Несколько следующих единицовых разрядов 2035.

Однако: 2035 раз

№5

В каждой вертикальной, горизонтальной и диагональной линии № 5

числок. Но т.к. везде любые числоки не могут быть единицами, то из каждого квадрата получим единицу кроме с условием что посередине будет одна единица. Тогда единица не сможет подняться. Поэтому каждая вертикальная и горизонтальная линия будет заполнена единицами, а это  $5 \times 5 = 25$  единиц. Значит количество единиц равно единице в таблице  $5 \times 5$ , то есть  $25 - 1 = 24$ .

Однако: 15 единиц.



1	1	0	1	1
1	1	0	1	1
0	0	0	0	0
1	1	0	1	1
1	1	0	1	1

№2

Посчитать мороженое с картошкой 1 шт. мороженое с капустой, яблочком, с машиной и с клубникой  $12 - 4 = 8$  шт. В условиях сказано что мороженое с клубникой больше всего, то есть как минимум 4 шт., так как с картошкой 1 шт. Чтобы кол-во мороженого с яблочком было как можно больше мороженое с капустой, машиной и клубникой должны быть по 1 шт.

# ЛИСТ-ВКЛАДЫШ

Четыре кубика с обложкой будет  $8 - (1+1+1) = 5$  шт.

Больше быть не может, так как четыре кубика с какой-то  
одиничной не будет. И меньше тоже, так как пять их будет  $\leq$   
~~четыре~~ или пирожков с картошкой.

~~Значит~~: Из этого чё же получилось:

с Капустой - 1 шт. (70 р.)

с обложкой - 5 шт. ( $80 \cdot 5 = 400$  р.)

с Картошкой - 4 шт. ( $60 \cdot 4 = 240$  р.)

с луком - 1 шт. (90 р.)

с курицей - 1 шт. (100 р.)



Значит если Маша продаст все пирожки за  $70 + 400 +$

$$+ 240 + 90 + 100 = 900 \text{ рублей.}$$

Ответ: 900 рублей.



N1

Чтобы найти 1 свой ~~и~~ пирожок из кубика, ~~которые~~  
~~и~~ верхнее посмотреть на куб сверху, так как ~~это~~ все  
куб кубиком выше 1 свой есть кубик ровно под  
ним и 1 свой (такие могут быть и не 2 свой; или 3 и т.д. сколько  
на кубе свой стоит этот кубик).

Второй свой либо найдёт если из кол-во 1 свой  
~~из которых~~ верхнюю сторону  
всеми кол-во кубиков 1 свой ~~или~~ видят на карти-  
ке. и так далее либо найдёт кол-во кубиков на других свой.

Значит количество кубиков  $\Rightarrow$

$$1 \text{ свой} = 10 \text{ шт.}$$

$$2 \text{ свой} = 10 - 4 = 6 \text{ шт.}$$

$$3 \text{ свой}: 6 - 2 = 4 \text{ шт.}$$

$$4 \text{ свой}: 4 - 2 = 2 \text{ шт.}$$

$$5 \text{ свой}: 2 - 1 = 1 \text{ шт.}$$



$$\text{А всего их } 10 + 6 + 4 + 2 + 1 = 23 \text{ шт.}$$

Ответ: из 23 кубиков.

N 6

Чистовик

00-62-53-97  
(151.7)

Изучение камня за 10 мгновений. Допустим что  
Попробуем сдвинуть так, чтобы всплески и выбросы встретились  
посередине. Изучение камня за 10 мгновений, времени полёта - 10 с.

Гидра плавает со скоростью 1 м/сек, удастся ли ему проплыть  
за 10 секунд? Чтобы они встретились посередине нужно чтобы  
всплеск где 10 секунд прошел за 7 мгновений и прокинул 10 мгновений.

Решать всплеск будет со скоростью  $V$  м/сек, а плавно с  $V-2$  м/сек  
так как ей будет нечего менять течение. Чтобы всплеск сначала  
пронесёт это она её скорость должна быть больше 2 м/сек.

~~Если её скорость будет 3 м/сек, то она пройдет лишь за  $2\frac{1}{3}$  секунд~~  
~~а проплыть за 10 секунд.~~

Если её скорость будет 3 м/сек, то

$$\text{Без} - 2\frac{1}{3} \text{ сек} \quad 10 + 2\frac{1}{3} = 12\frac{1}{3} \text{ сек}$$

плавание - 10 сек

$$12\frac{1}{3} > 10$$



Если её скорость будет  $\frac{3}{4}$  м/сек, то

$$\text{Без} - 1\frac{3}{4} \text{ сек} \quad 5 + 1\frac{3}{4} = 6\frac{3}{4} \text{ сек}$$

плавание - 5 сек

$$6\frac{3}{4} < 10$$

Если её скорость будет 3,5 м/сек, то

$$\text{Без} - 2 \text{ сек} \quad 10 \quad \text{Без} - 2 + 6\frac{10}{15} = 8\frac{10}{15} \text{ сек}$$

плавание - 6  $\frac{10}{15}$  сек

$$8\frac{10}{15} < 10$$

Если её скорость будет 3,4 м/сек, то

$$\text{Без} - 2\frac{16}{34} = 2\frac{16}{17} \text{ сек} \quad 2\frac{16}{17} + 7\frac{1}{14} = 9\frac{16}{17} + 7\frac{1}{14} = 9\frac{24}{119} \text{ сек}$$

плавание - 7  $\frac{2}{14} = 7\frac{1}{7}$  сек

$$9\frac{24}{119} < 10 \quad 9\frac{82}{119} < 10$$

Если её скорость будет 3,3 м/сек, то

$$\text{Без} - 2\frac{4}{33} \text{ сек} \quad 2\frac{4}{33} + 7\frac{9}{13} = 9\frac{4}{33} + 9\frac{9}{13} = 9\frac{349}{429} \text{ сек}$$

плавание - 7  $\frac{9}{13}$  сек

$$9\frac{349}{429} < 10$$

Если её скорость будет 3,2 м/сек, то

$$\text{Без} - 2\frac{6}{32} = 2\frac{3}{16} \text{ сек} \quad 2\frac{3}{16} + 8\frac{4}{12} = 10\frac{3}{16} + \frac{1}{3} = 10\frac{25}{48} \text{ сек}$$

плавание - 8  $\frac{4}{12} = 8\frac{1}{3}$  сек

$$10\frac{25}{48} > 10$$

Следует помнить, если скорость  $V = 3,2$ , то не встретятся  
всплески произойдёт раньше к середине.

Ответ: 3,2 м/сек

## ЛИСТ-ВКЛАДЫШ

Чистовик

NЧ

Сюда по условию 3 буквы которые лежат на одной прямой должны оставаться между ними другой прямой (неважно где какой и в каком порядке). Поскольку все прямые пересекаются когда мы перенесём буквы с одной прямой на другую оставшиеся буквы все спроются все слова не поменяются это будет 1 вариантом. Поскольку точек на одной прямой 3, ~~переместив~~ и буква 3 вариантов расположения буквы на одной прямой будем  $3+2+1=6$  г. Всех прямых ~~и~~ ~~не~~ 4 значит всего  $6 \cdot 4 = 24$  ~~варианта~~ - 1 = 23 других варианта

Ответ: ~~кн~~ 23 других вариантов.



