



**МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА**

Вариант 11

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников _____
наименование олимпиады

Покори Воробьевы горы

по физике.
профиль олимпиады

Усольцева Ивана Алексеевича
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата

«01» апреля 2023 года

Подпись участника

[Подпись]

30-55-83-82
(107.4)

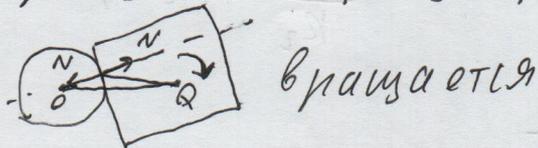
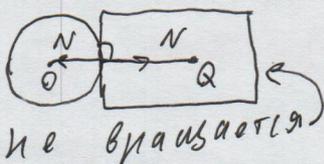
Задача 1: Чистовик

Ответ на вопрос: При столкновении с гладким бруском из-за отсутствия силы трения на шайбу не будет действовать сила (в данном случае это могла бы быть сила трения), которая имеет ненулевую проекцию на касательную к окружности шайбы в точке удара, поэтому не будет силы, заставляющей шайбу вращаться (других сил, заставляющих вращаться тоже нет), поэтому шайба не будет вращаться после удара. Но с бруском всё иначе.



Если удар шайбы о брусок происходит в точке, где грань бруска перпендикулярна

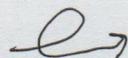
линии, соединяющей центр масс шайбы и бруска, то сил, вращающих брусок не будет и он не станет крутиться. Но если удар пришёлся в какую-то другую точку, то сила вз-я бруска и шайбы будет направлена от центра шайбы к точке касания, и центр масс бруска не будет лежать на этой прямой, то возникает вращ. момент и брусок начнёт вращаться. O, Q - центры масс.



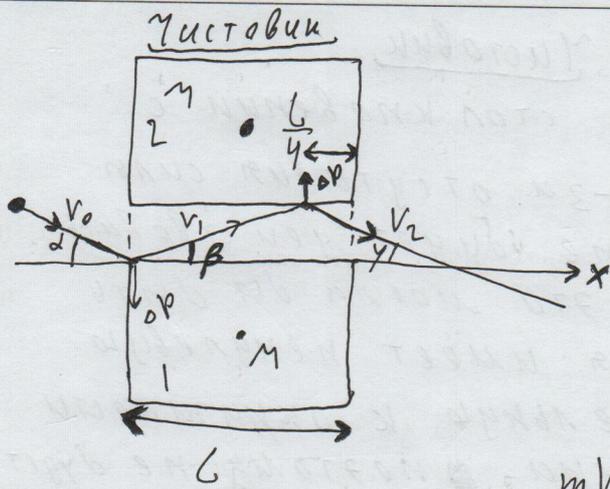
Задача:

Дано:	Найти:
$M = 280 \text{ г}$	$m = ?$
$\beta = 2,2^\circ$	
$\alpha = 2,6^\circ$	
$\gamma = 2,0^\circ$	

Решение:



См. (Степаньшув К.В.)



По 3СЭ и 3СУ:

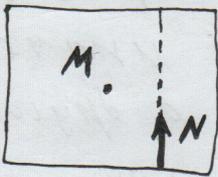
$$\frac{mV_0^2}{2} = \frac{mV_1^2}{2} + E_{01}$$

$$\frac{mV_1^2}{2} = \frac{mV_2^2}{2} + E_{02}$$

$$V_{01} = V_0 \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}; V_2 = V_0 \frac{\cos \alpha}{\cos \gamma}$$

$$mV_0 \sin \alpha = -mV_1 \sin \beta + MU_1 + P_{\text{вращ1}}$$

$$mV_1 \sin \beta = -mV_2 \sin \gamma + MU_2 + P_{\text{вращ2}}$$



$$dP = dF dt;$$

$$E_{01} = \frac{J\omega_1^2}{2} + \frac{MU_1^2}{2};$$

$$E_{02} = \frac{J\omega_2^2}{2} + \frac{MU_2^2}{2};$$

$$P_{\text{вращ1}} = \frac{J\omega_1}{R_1}; P_{\text{вращ2}} = \frac{J\omega_2}{R_2};$$

$$\frac{mV_0^2}{2} = \frac{mV_1^2}{2} + \frac{J\omega_1^2}{2} + \frac{MU_1^2}{2}$$

$$\frac{mV_1^2}{2} = \frac{mV_2^2}{2} + \frac{J\omega_2^2}{2} + \frac{MU_2^2}{2}$$

$$V_1 = V_0 \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}$$

$$V_2 = V_0 \frac{\cos \alpha}{\cos \gamma}$$

$$mV_0 \sin \alpha = MU_1 + \frac{J\omega_1}{R_1} - mV_1 \sin \beta$$

$$mV_1 \sin \beta = MU_2 + \frac{J\omega_2}{R_2} - mV_2 \sin \gamma$$

$$R_1 = \frac{L}{2}$$

$$R_2 = \frac{L}{4}$$

$$U_1 = \omega_1 R_1$$

$$U_2 = \omega_2 R_2$$

в данной системе достаточно ур-ий для получения однозначного ответа.

Задача 2.

Условия

$$p = aV^2 + bV + c; \quad C = \frac{\partial Q}{\partial T} = \frac{\frac{1}{2} n R \Delta T}{\Delta T} + \frac{A}{\Delta T} = \frac{1}{2} n R + \frac{A}{\Delta T};$$

$$C = \text{const} \Rightarrow \frac{A}{\Delta T} = \text{const};$$

$$A = \int_V^{V+\Delta V} p dV = \frac{a}{3} ((V+\Delta V)^3 - V^3) + \frac{b}{2} ((V+\Delta V)^2 - V^2) + c(V+\Delta V - V) =$$

$$= \frac{a}{3} (V^3 + 3V^2\Delta V + 3V\Delta V^2 + \Delta V^3 - V^3) + \frac{b}{2} (2V\Delta V + \Delta V^2) + c\Delta V =$$

$$= aV^2\Delta V + bV\Delta V + c\Delta V; \quad nR\Delta T = (p+\Delta p)(V+\Delta V) - pV =$$

$$= p\Delta V + V\Delta p = aV^2\Delta V + b\Delta V + c + V(a((V+\Delta V)^2 - V^2) + b\Delta V) =$$

$$= aV^2\Delta V + b\Delta V + c + 2aV\Delta V + bV\Delta V = 3aV^2\Delta V + 2bV\Delta V + c\Delta V;$$

$$\frac{A}{\Delta T} = nR \frac{aV^2 + bV + c}{3aV^2 + 2bV + c}; \quad \frac{x+c}{kx+c} \neq \text{const} \Rightarrow c=0;$$

$$\frac{A}{\Delta T} = nR \frac{aV + b}{3aV + 2b} = \text{const} \Rightarrow b=0 \Rightarrow \frac{A}{\Delta T} = \frac{nR}{3}.$$

$$C = \text{const} \text{ при } p = aV^2; \quad C_2 = \frac{5}{2} nR + \frac{1}{3} nR =$$

$$= nR \left(\frac{15+2}{6} \right) = \frac{17}{6} nR; \quad \text{ответ: при } p = aV^2; \quad C_2 = \frac{17}{6} nR$$

Задача:

$$p = \frac{p_0}{6} \left[36 + 5 \frac{V}{V_0} - \left(\frac{V}{V_0} \right)^2 \right]; \quad \text{Газ не получает и}$$

$$\text{не отдает тепло при } C=0; \quad p = k(aV^2 + bV + c);$$

$$A = k(aV^2\Delta V + bV\Delta V + c\Delta V); \quad \Delta T = k \left(\frac{5}{2} aV^2\Delta V + 2bV\Delta V + c\Delta V \right);$$

$$\frac{5}{2} nR = nR \frac{aV^2 + bV + c}{3aV^2 + 2bV + c}; \quad \frac{15}{2} aV^2 + 5bV + \frac{5}{2} c = aV^2 + bV + c;$$

$$\frac{13}{2} aV^2 + 4bV + \frac{3}{2} c = 0; \quad a = -1; \quad b = 5; \quad c = 36;$$

$$-\frac{13}{2} V^2 + 20V + 54 = 0; \quad 13V^2 - 40V - 108 = 0; \quad D = 1600 + 4 \cdot 13 \cdot 108 =$$

$$= 4 \cdot 4 \cdot 10 \cdot 10 + 4 \cdot 13 \cdot 9 \cdot 4 \cdot 3 = 4 \cdot 4 (100 + 13 \cdot 27) = 4 \cdot 4 (100 +$$

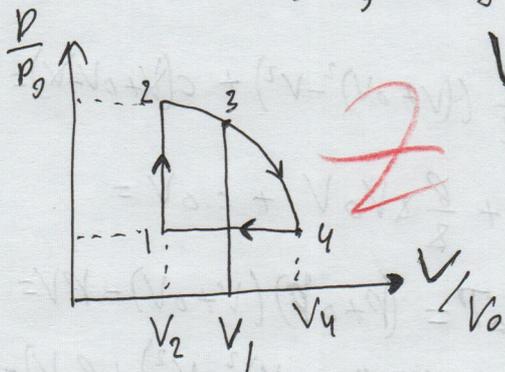
$$+ 270 + 81) = 4 \cdot 4 \cdot 351; \quad \sqrt{351} = 9 \cdot 39; \quad D = 4^2 \cdot 3^2 \cdot 39;$$

$$V_{1,2} = \frac{40 \pm 12\sqrt{39}}{26}; \quad \sqrt{39} > 9; \quad \sqrt{39} > 10; \quad 9 \cdot 39 > 100; \quad V_0 = \frac{20 + 6\sqrt{39}}{13};$$

$$V_1 > 3; \quad V_1 < 8$$

e

Тогда газ получает тепло на участке $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3$, отдаёт на участке $3 \rightarrow 4 \rightarrow 1$;



$$V_1 = \frac{20 + 6\sqrt{39}}{13} V_0 \quad (\text{на данном графике без множителя } V_0)$$

$$\eta = \frac{Q_n + Q_o}{Q_n} = 1 - \frac{Q_o}{Q_n}$$

$$Q_n = \frac{5}{2} \cdot 15 P_0 V_0 + A_{23} + \Delta U_{23}; \quad Q_o = \Delta U_{34} + A_{34} + 10 P_0 V_0 + \frac{5}{2} \cdot 10 P_0 V_0;$$

$$A_{23} = \frac{P_0}{6} \left(\frac{c}{3} (V_1^3 - V_2^3) + \frac{b}{2} (V_1^2 - V_2^2) + c (V_1 - V_2) \right); \quad V_2 = 3V_0; \quad V_1 = \frac{20 + 6\sqrt{39}}{13} V_0;$$

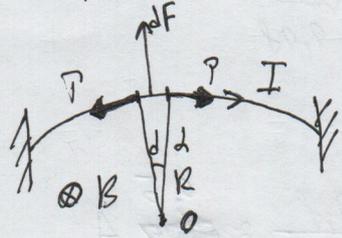
$$A_{34} = \frac{P_0}{6} \left(\frac{c}{3} (V_4^3 - V_1^3) + \frac{b}{2} (V_4^2 - V_1^2) + c (V_4 - V_1) \right); \quad V_4 = 8V_0, \text{ отсюда можно вычислить КПД } \eta = 1 - \frac{Q_o}{Q_n}$$

30-55-83-82
(107.4)

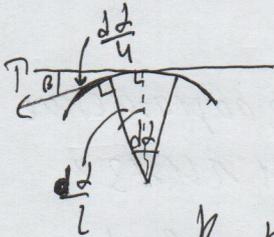
Задача 3:

Чистовик

Вопрос:



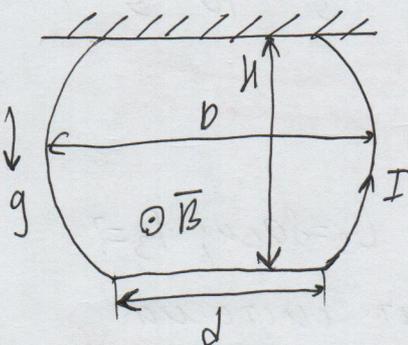
Рассмотрим маленький участок провода dl , на который действует сила dF от магнитного поля. Рассмотрим этот маленький участок как маленькую дугу окружности радиусом R . Это можно сделать, ведь он имеет кривизну. Он виден под углом $d\alpha$, но τ — об угле между хордой и касательной



между хордой и касательной $\beta = \frac{d\alpha}{2}$, тогда по ЗЗИ: $dF = 2I \frac{d\alpha}{4}$; $I B dl = I B R d\alpha$; $I B R = \frac{I B}{2}$; $R = \frac{I}{2IB}$ —

R не зависит от l , значит R одинаков для всего провода, значит провод имеет форму ^{дуги} окружности.

Задача:



Из прошлого пункта провод имеет форму дуги окружности. Вычислим её радиус R :

$$R^2 = \frac{h^2}{4} + \left(\frac{d-d}{2} + R\right)^2$$

$$R^2 = \frac{h^2}{4} + R^2 - 2R \frac{(d-d)}{2} + (d-d)^2$$

$$R = \frac{h^2 + 4(d-d)^2}{4(d-d)}$$

стержня: $mg = 2I \cos \beta$; из прошлого пункта $R = \frac{I}{2IB}$; $I = \frac{mg}{2BR \cos \beta}$

$$\cos \beta = \frac{R - (d-d)}{R} = 1 - \frac{(d-d)}{2R} = 1 - \frac{(d-d)^2}{8(h^2 + 4(d-d)^2)}$$

$$= \frac{h^2 + 2(d-d)^2}{h^2 + 4(d-d)^2}; I = \frac{mg(h^2 + 4(d-d)^2)}{4(h^2 + 2(d-d)^2)B(h^2 + 4(d-d)^2)}$$

→

$$= \frac{mg(b-d)}{(1^2 + 2(b-d)^2)^{1/2}} \text{ В}; \quad I = \frac{0,16 \cdot 9,8 \cdot 0,2}{3,5(1 + 2 \cdot 0,2^2)} \stackrel{\text{Числовик}}{=} \\ = \frac{0,16 \cdot 9,8}{3,5 \cdot 1,08} \approx 0,5 \text{ А}$$

Ответ: $I = \frac{mg(b-d)}{(1^2 + 2(b-d)^2)^{1/2}} = \frac{0,16 \cdot 9,8}{3,5 \cdot 1,08} \approx 0,5 \text{ А}$

Задание 4.

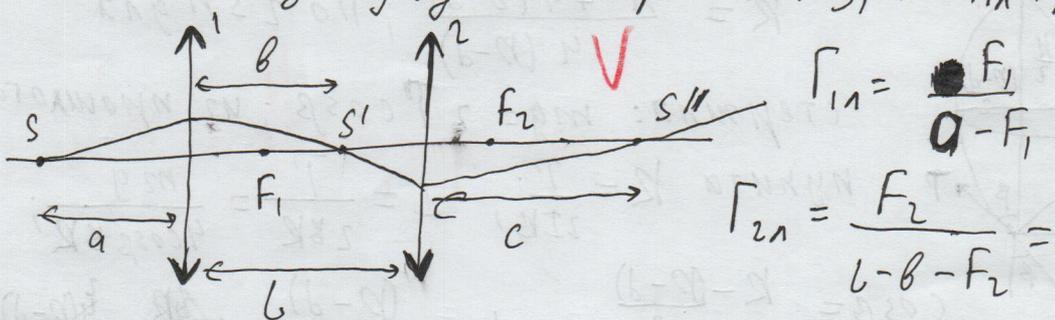
Вопрос: $L_1 = 4 \text{ мм}; L_0 = 90 \text{ см}; L_2 = 8 \text{ мм};$ изображение на экране, значит оно действ. и линза собирающая. $\Gamma = \frac{L_2}{L_1} = 2; \Gamma = \frac{F}{a-F}; a+b=L_0;$
 $b = \frac{aF}{a-F}; a + \frac{aF}{a-F} = \frac{a^2}{a-F} = L_0; 2a - 2F = F;$

$a = \frac{3}{2} F; \frac{9}{4} F^2 = \frac{9}{10} \frac{3}{2} F - F \frac{9}{10}; F = \frac{3}{5} - \frac{4}{10} = \frac{1}{5} = 0,2;$
 $b = \frac{1}{F} = 5; \text{ Ответ: } 5.$

Задача:

$L_1 = 20 \text{ см}; \Gamma_1 = -0,4; L_2 = 40 \text{ см}; \Gamma_2 = -0,5; L_3 = 80 \text{ см}; \Gamma_3 = ?$

Изображ. перевернутое, значит система состоит из двух собр. линз; $\Gamma = \Gamma_{1n} \Gamma_{2n}$



$\Gamma_{1n} = \frac{F_1}{a-F_1};$

$\Gamma_{2n} = \frac{F_2}{l-b-F_2} =$

$= \frac{F_2}{l - \frac{aF_1}{a-F_1} - F_2}; \quad \Gamma_{1n} \cdot \Gamma_{2n} = \frac{F_1 F_2}{(a-F_1)l - aF_1 - F_2(a-F_1)};$

$$\frac{F_1 F_2}{aL - F_1 L - aF_1 - aF_2 + F_1 F_2} = |\Gamma|; \quad \text{Числовик}$$

$$F_1 F_2 = 0,4 (a - 0,2 - F_1 - 0,2 - aF_1 - aF_2 + F_1 F_2)$$

$$F_1 F_2 = 0,5 (0,4a - 0,4F_1 - aF_1 - aF_2 + F_1 F_2);$$

$$F_1 = F_2; \quad \frac{F^2}{aL - FL - aF - aF + F^2} = \frac{F^2}{aL - FL - 2aF + F^2};$$

$$F^2 = 0,08a - 0,08F - 0,8aF + 0,4F^2;$$

$$0,6F^2 + 0,8aF + 0,08F - 0,08a = 0;$$

$$F^2 = 0,2a - 0,2F - aF + 0,5F^2;$$

$$0,5F^2 + 0,2F + aF - 0,2a = 0;$$

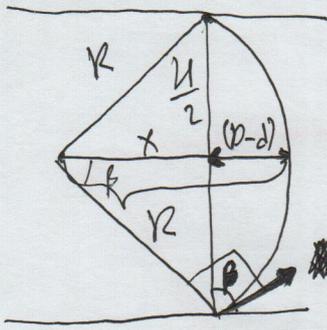
~~Система уравнений~~

$$\begin{cases} F^2 + \frac{4}{3}aF + \frac{4}{30}F - \frac{4}{30}a = 0 \\ F^2 + \frac{2}{5}F + 2aF - \frac{2}{5}a = 0 \end{cases} \quad \text{-решая эту}$$

систему мы найдем F и a ; $D = \frac{1}{F}$;

$$\Gamma_3 = - \left| \frac{F^2}{aL_3 - FL_3 - 2aF + F^2} \right|, \text{ изобразит дугу}$$

а-? \rightarrow проверенное, Γ со знаком "-"; если соответствовать условию.



$$R^2 = \frac{U^2}{4} + x^2; \quad x = R - D + d;$$

$$R^2 = \frac{U^2}{4} + (R - D + d)^2 \Rightarrow$$

$$R^2 = \frac{U^2}{4} + R^2 - 2R(D-d) + (D-d)^2;$$

$$2R(D-d) = \frac{U^2}{4} + (D-d)^2;$$

$$R = \frac{U^2}{4(D-d)} + \frac{D-d}{2}; \quad T = I \cdot BR; \quad I = \frac{T}{BR} = \frac{2R(D-d)}{R(D-d) + \frac{U^2}{4}}$$

$$2T \cos \beta = mg; \quad \cos \beta = \frac{R - D + d}{R}; \quad T = \frac{mgR}{2R - D + d}$$

$$\cos \beta = 1 - \frac{(D-d)}{U^2 + 4(D-d)^2}$$

... отб.
Черновик

Задача:

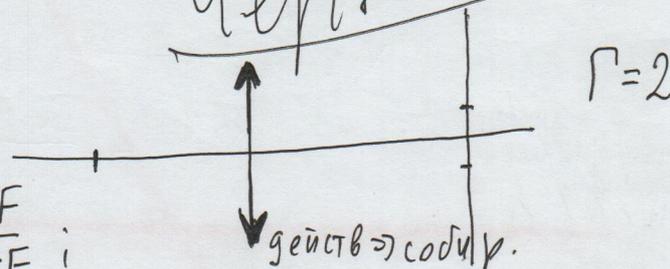
$$L_1 = 4 \text{ м}; \quad g_0 = 90 \text{ см}; \quad L_2 = 8 \text{ мм}$$

$$a + b = 0,9; \quad b = \frac{aF}{a-F}$$

$$\frac{F}{a-F} = 2; \quad a \left(1 + \frac{F}{a-F}\right) = a \left(\frac{a+F}{a-F}\right) = 0,9; \quad \frac{a^2}{a-F} = 0,9;$$

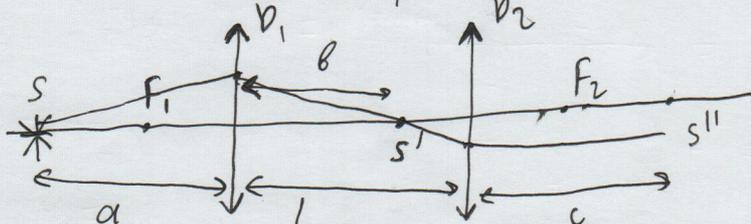
$$F = 2a - 2F; \quad \frac{3}{2}F = a; \quad \frac{9}{4}F^2 = \frac{9}{10} \cdot \frac{3}{2}F - \frac{9}{10}F;$$

$$\frac{F}{2} = \frac{3}{10} - \frac{1}{5}; \quad F = \frac{6}{10} - \frac{4}{10} = \frac{2}{10} = 0,2 \Rightarrow \boxed{D = 5}$$



Задача:

$$L_1 = 20 \text{ см}; \quad \Gamma_1 = -0,4; \quad L_2 = 40 \text{ см}; \quad \Gamma_2 = -0,5; \quad L_3 = 80 \text{ см}; \quad \Gamma_3 = ?$$

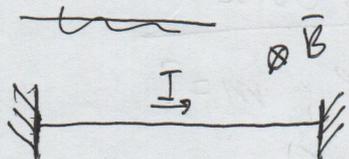


$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F_1}$$

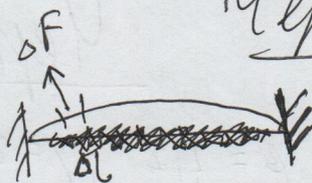
$$\frac{1}{L-b} + \frac{1}{c} = \frac{1}{F_2}$$

$$\Gamma_1 = \frac{F_1}{(a-F_1)} \cdot \frac{F_2}{((L-b)-F_2)} = \frac{F_1 F_2}{(a-F_1)(L - \frac{aF_1}{a-F_1} - F_2)}$$

$B; I;$

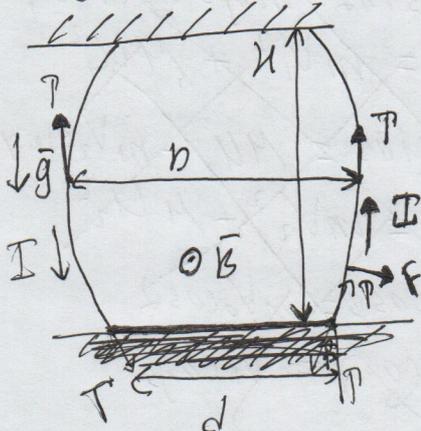


Черновик

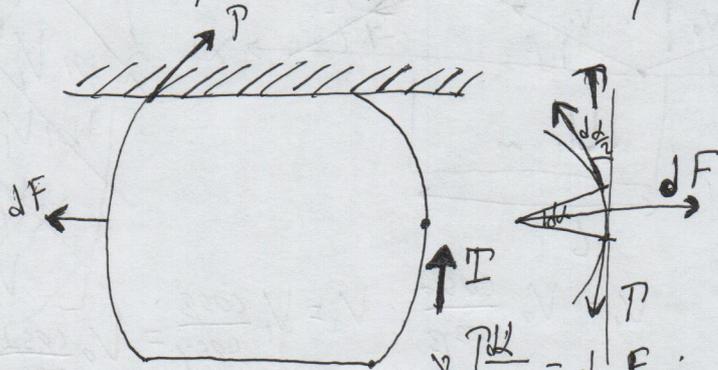


дуга окружности

задача:



$d = 0,8 \text{ м}; m = 800 \text{ г}; B = 3,5 \text{ Тл};$
 $l = 1 \text{ м}; v = 1 \text{ м}; g = 9,8 \text{ м/с}^2; I = ?$

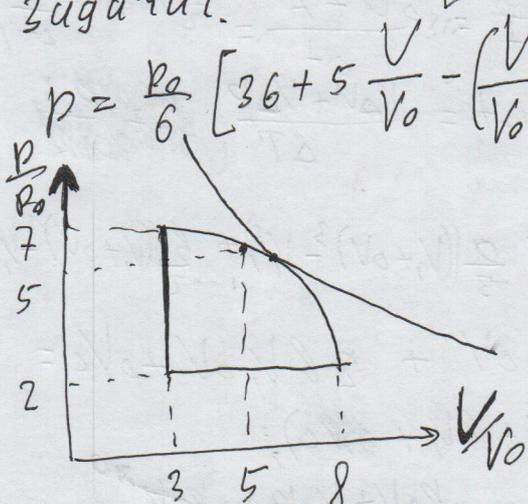


сначала: $E_0 = 0$

потом: $E_0 = -mg + T \cdot l = I B d \cdot l; T = I B R;$

~~...~~ $2T \cdot \cos \beta = mg;$

задача:



$pV^y = \text{const}; y = \frac{7}{5}$
 $A = \int_{V_0}^V p_0 V = \frac{a}{x} (V^2 + 3V_0^2 V - V^3) +$
 $+ \frac{b}{x} V_0 V + c_0 V = aV^2_0 V +$
 $+ b \Delta V + c \Delta V;$

$C = \frac{5}{3} n k + \frac{aV^2_0 V + b \Delta V + c \Delta V}{0 T}$

$\frac{5}{3} = \frac{aV^2 + bV + c}{3aV^2 + 2bV + c}$

$\frac{aV^2 + bV + c}{3aV^2 + 2bV + c}$

→ находим точку → ищем кривую

$\frac{x}{x+1} \neq \text{const};$

$\frac{aV+b}{3u+2b}$

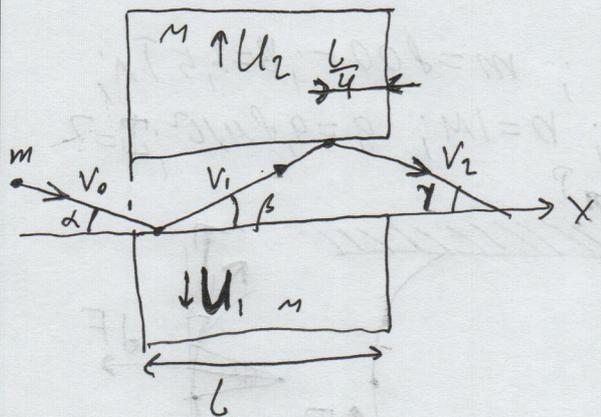
$aV^2 + bV = 3akV^2 + 2kbV$
 $aV^2(1-3k) = b(2k-1);$
 $k \neq \text{const}$

Задача 1

~~Вопрос~~ не будет.

Задача.

$M = 280 \text{ г}; \alpha = 2,6^\circ; \beta = 2,2^\circ; \gamma = 2,0^\circ; m = ?$



$v_1 = v_0 \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}; v_2 = v_1 \frac{\cos \beta}{\cos \gamma} = v_0 \frac{\cos \alpha}{\cos \gamma}$

$m v_0 \sin \alpha = -m v_0 \frac{\cos \alpha \sin \beta}{\cos \beta} + M U_1$

$m v_0^2 = m v_0^2 \frac{\cos^2 \alpha}{\cos^2 \beta} + M U_1^2$

Чертавик

По ЗУИ:

~~$m v_0 \sin \alpha = m v_1 \sin \beta + M U_1$~~

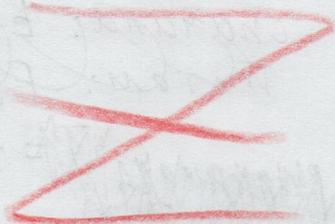
~~$m v_0^2 = m v_1^2 + M U_1^2$~~

~~$m v_1 \sin \beta = M U_2 - m v_2 \sin \gamma$~~

~~$m v_1^2 = m v_2^2 + M U_2^2$~~

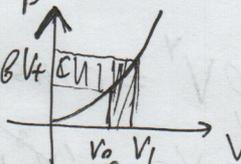
~~$m v_1 \cos \beta = m v_0 \cos \alpha$~~

~~$v_2 \cos \gamma = v_1 \cos \beta$~~



Задача 2. p

~~$p = aV^2 + bV + c$~~



$C = \frac{\partial Q}{\partial t} = \frac{\partial U + A}{\partial t} = \frac{1}{2} n R \frac{\partial T}{\partial t} + \frac{A}{\partial t}$

$\frac{A}{\partial t} = \text{const} = \frac{p_0 \Delta V + V_0 \Delta p}{\Delta T}$

~~Handwritten scribbles and crossed-out text.~~

$\int_{v_i}^{v_f} p dV = a \int_{v_i}^{v_f} V^2 dV + b \int_{v_i}^{v_f} V dV + c \int_{v_i}^{v_f} dV = \frac{a}{3} ((v_i + \Delta v)^3 - v_i^3) + \frac{b}{2} ((v_i + \Delta v)^2 - v_i^2) + c \Delta v$

$x^2 \rightarrow 2x; + \Delta v c = \frac{a}{3} (3v_i \Delta v + 3v_i^2 \Delta v + \Delta v^3) + b(v_i \Delta v + \Delta v^2) + c \Delta v = a v_i \Delta v + b v_i \Delta v + \Delta v c = \Delta v (a v_i + b v_i + c)$

$\Delta T = \frac{(p + \Delta p)(V + \Delta V) - pV}{nR} = \frac{p_0 \Delta V + V_0 \Delta p + \Delta p \Delta V}{nR}$

~~$\frac{1}{nR} (a v_i^2 \Delta v + b v_i \Delta v + c \Delta v + 2v_i^2 \Delta v)$~~

$nR \Delta T = a v_i^2 \Delta v + b v_i \Delta v + c + 2a v_i^2 \Delta v + b v_i \Delta v = 3a v_i^2 \Delta v + 2b v_i \Delta v + c$

$\Delta T = \frac{3a v_i^2 \Delta v + 2b v_i \Delta v + c}{nR}$ - может быть const.

только при $b=0$ и $c=0; \frac{A}{\partial T} = \frac{nR}{3}$

$C_2 = (\frac{3}{2} + \frac{1}{2}) nR = \frac{4}{2} nR$