



**МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М.В.ЛОМОНОСОВА**

Вариант 11

Место проведения Москва  
город

**ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА**

Олимпиада школьников Покори Воробьевы горы ~~на физике~~  
наименование олимпиады

по физике  
профиль олимпиады

Хомикова Владислава Андреевича  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

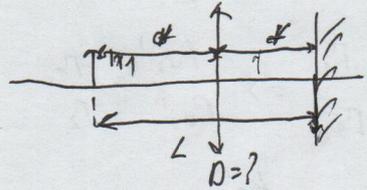
Дата  
«01» 04 2023 года

Подпись участника  
Хом

95-17-66-05  
(106.1)

Истовиц.

14) Вопрос:



$D=?$  |  $n \rightarrow$  действ.  $\rightarrow$  перлв.

1)  $\Gamma = \frac{h_2}{h_1} = 2. = \frac{d}{d} \rightarrow d = 2d.$

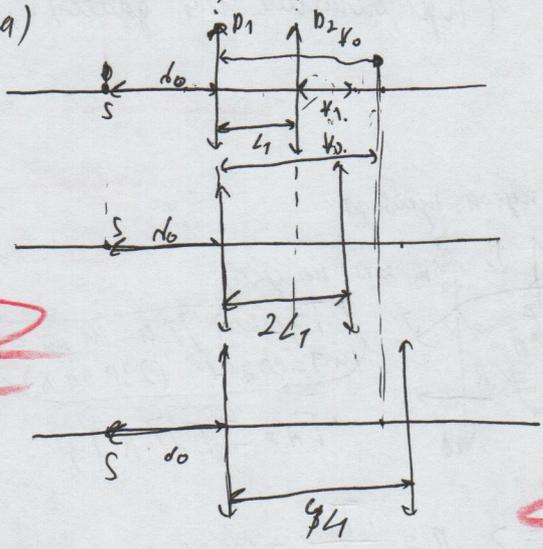
$d + d = L \Rightarrow d = \frac{L}{3} = 30 \text{ нм} \rightarrow d = 60 \text{ нм}.$

2

2) ФТЛ:  $D = \frac{1}{\frac{d}{n_1}} + \frac{1}{\frac{d}{n_2}} = \frac{1}{0,30} + \frac{1}{0,6} = \frac{3}{0,6} = \frac{1}{0,2} = 5 \text{ гнтр}.$

Ответ: 5 гнтр

Задача)

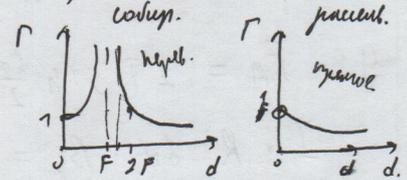


$\Gamma_1 = 0,4$ , перлв. (чешмиш.)

$\Gamma_2 = 0,5$ , перлв. (чешмиш.)

Почти: мизе оуиановил.

$\Gamma_3 = ? (3L1); D_1 = ?; D_2 = ?$



1) мизе не могут биве оуовремено рашиваюуиши, т.ч. тоуа и. не бует перлв.; аса тоуа ие 2 собидраюуе

$\Rightarrow$  1 собидраюуе: 1 рашив., 2 собидраюуе: 1 рашив., 2 собидраюуе: 1 собидраюуе.

2) ФТЛ: в  $d_1$ :  $D_1 = \frac{1}{d_0} - \frac{1}{k_0}$   
в  $d_2$ :  $D_2 = \frac{1}{k_0 + L}$

Видно, что при  $L \ll d_0 \Rightarrow \Gamma_2 > \Gamma_1.$

$\Gamma = \Gamma_{u1} \Gamma_{u2} = \frac{k_{u1}}{d_{u1}} \frac{k_{u2}}{d_{u2}}$

т.е.  $\Gamma$  возмозно талло при  $d \ll$

2) Получается, что 2 собидраюуе мизе, и этоуа буюо перлв. иеобозуюо  $S'$  за  $d_2$ , т.е.

ФТЛ:  $D_1 = \frac{1}{d_0} + \frac{1}{k_0}$

$\Gamma_{u1} = \frac{k_0}{d_0} = \frac{1}{d_1 d_0 - 1}$

$k_0 = \frac{1}{n_1 - \frac{1}{d_0}} = \frac{d_0}{d_1 d_0 - 1}$

$D_2 = -\frac{1}{k_0 - L_1} + \frac{1}{k_1}$

$\Gamma_{u2} = \frac{k_1}{k_0 - L_1} = \frac{1}{D_2 (k_0 - L_1) + 1}$

$k_1 = \frac{1}{D_2 + \frac{1}{k_0 - L_1}}$

$= \frac{1}{D_2 (\frac{d_0}{d_1 d_0 - 1} - L_1) + 1}$

$\Rightarrow \frac{1}{(D_1 d_0 - 1)(D_2 (k_0 - L_1))} = \Gamma_1.$

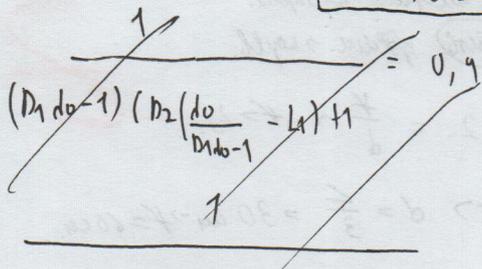
$\Gamma_{u1} \Gamma_{u2}$

Лукашб. ЕР  
 Муменда НУ ЕР

z = 51

2	18
4	5
3	5
2	3
3	13
4	4
1	5
7	7
3	

ШТОВОК.



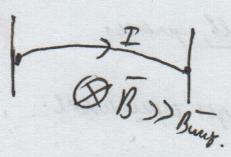
$\Gamma_{u1} = \text{const}$ , т.к.  $\lambda_1$  не меняется

$$\Rightarrow \begin{cases} \Gamma_{u1} \cdot \Gamma_{u2}' = \Gamma_1 \\ \Gamma_{u1} \cdot \Gamma_{u2}'' = \Gamma_2 \end{cases} \Rightarrow \frac{\Gamma_{u2}'}{\Gamma_{u2}''} = \frac{\Gamma_1}{\Gamma_2}$$

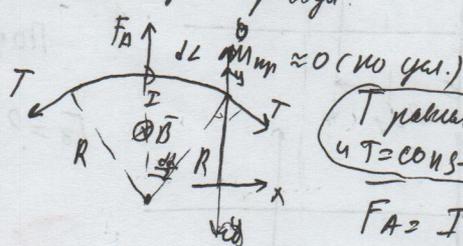
$$\Gamma_{u2}' = \frac{k_1'}{k_0 - l_1} \quad \Gamma_{u2}'' = \frac{k_2''}{k_0 - 2l_1}$$

$$\Rightarrow \frac{k_1'}{k_2''} \cdot \frac{k_0 - 2l_1}{k_0 - l_1} = \frac{\Gamma_1}{\Gamma_2} \quad (\text{продолжение №4 далее})$$

№3) Вопрос:



Ролью провод  
 ≠ малый кусочек провода:



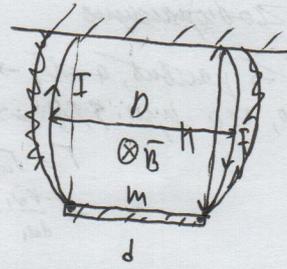
$T$  равна, т.к.  $M_{\text{кр}} \approx 0$   
 и  $T = \text{const}$  (23и на X)

$$y: F_A = 2T \sin \frac{\alpha}{2}$$

$$I \cdot R \cdot \alpha \cdot B = 2T \cdot \frac{\alpha}{2} \Rightarrow R = \frac{T}{BI} = \text{const} \rightarrow \text{дуга окружн-и}$$

Ответ: дуга окружности.

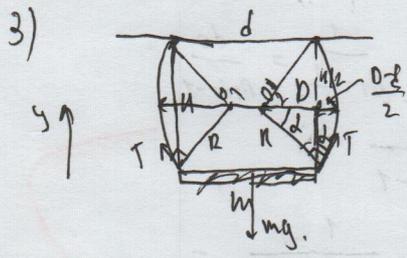
Задача 1



$h; D; d; B^{1,3,5} = \frac{2}{3}$ ;  $m = 0,2 \text{ кг} = \frac{1}{5} \text{ кг}$

- 1) т.к.  $D > d \Rightarrow$  ток и поле как на рис.
- 2) По закону в "вопросе" ясно, что провод в форме дуги окружности

$$\Rightarrow R = \frac{T}{B \cdot I}$$



из геометрии:  $R \sin \alpha = \frac{h}{2} = \frac{T \sin \alpha}{BI}$   
 $2T \cos \alpha = mg$  (по осм y чл. равн-я)  
 $R - \frac{D-d}{2} = R \cos \alpha$

$$T = \frac{4BI \cdot 1}{6 \sin \alpha} \Rightarrow \frac{4BI}{6 \sin \alpha} = \frac{mg}{2} \Rightarrow \frac{4BI}{3 \sin \alpha} = mg \Rightarrow \sin \alpha = \frac{4BI}{3mg}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{T \sin \alpha}{BI} = \frac{h}{2} \\ T \cos \alpha = \frac{mg}{2} \\ \frac{BT(1 - \cos \alpha)}{BI} = \frac{D-d}{2} \end{cases} \Rightarrow \frac{T - T \cos \alpha}{BI} = \frac{D-d}{2}$$

95-17-66-05

(106.1)

$$\cos \alpha = \sqrt{\frac{1}{1 + tg^2 \alpha}} \rightarrow T = \frac{mg}{2 \cos \alpha}; \quad \text{т.е. } \frac{U B I}{mg}$$

$$\Rightarrow \frac{D-d}{2} B I = \frac{mg}{2 \cos \alpha} - \frac{mg}{2}$$

$$\frac{D-d}{2} B I = \frac{mg}{2} \sqrt{1 + tg^2 \alpha} - \frac{mg}{2}$$

$$\frac{D-d}{2} B I + \frac{mg}{2} = \frac{mg}{2} \sqrt{1 + tg^2 \alpha}$$

$$\left( \frac{D-d}{2} B I + \frac{mg}{2} \right)^2 = \frac{m^2 g^2}{4} \left( 1 + \frac{U^2 B^2 I^2}{m^2 g^2} \right)$$

$$\frac{(D-d)^2 B^2 I^2}{4} + \frac{(D-d) B I \cdot mg}{2} + \frac{m^2 g^2}{4} = \frac{m^2 g^2}{4} + \frac{U^2 B^2 I^2}{4} \quad (B I \neq 0)$$

$$\frac{(D-d)^2}{4} B I + \frac{(D-d) mg}{2} = \frac{U^2}{4} B I$$

$$\Rightarrow I = \frac{\frac{1}{2}(D-d) mg}{\left( \frac{U^2}{4} - \frac{(D-d)^2}{4} \right) B} = \frac{\frac{1}{2} \left( 1 - \frac{4}{5} \right) \cdot \frac{4}{5} \cdot 9.8}{\frac{7}{8} \left( 1 - \left( 1 - \frac{4}{5} \right)^2 \right)}$$

$$= \frac{\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{4}{5} \cdot 9.8}{\frac{7}{8} \left( 1 - \frac{1}{25} \right)} = \frac{\frac{1}{2} \cdot \frac{9.8}{10} \cdot \frac{4}{25}}{\frac{7}{8} \cdot \frac{24}{25}} = \frac{7 \cdot 4 \cdot 8 \cdot 9.8}{7 \cdot 24 \cdot 10 \cdot 5} = \frac{7 \cdot 2}{15} = \frac{14}{15} \text{ A}$$

Ответ:  $\frac{14}{15} \text{ A}$ .

№ 2) Вопрос: P

гидрав C = const?  $uV^2 + bV + c$ .

$$P(V) = aV^2 + bV + c$$

$$\text{ММ: } PV = URT$$

$$aV^3 + bV^2 + cV = URT$$

$$C \int dT = \frac{1}{2} UR dT + P dV$$

$$C = \frac{1}{2} UR + \frac{P dV}{U dT} = \frac{1}{2} UR + \frac{P}{U} V'(T)$$

$$\frac{dT}{dV} = \frac{3aV^2 + 2bV + c}{UR} \rightarrow \frac{dV}{dT} = C = \frac{1}{2} UR + \frac{PR}{3aV^2 + 2bV + c}$$

$$C = \text{const} \Leftrightarrow \frac{P \cdot R}{3aV^2 + 2bV + c} = \text{const} \Rightarrow P(V) = \frac{A}{3a_0 V^2 + 2b_0 V + c_0}$$

Штробиль

$\Rightarrow 3a_0 V^2 + 2b_0 V + c_0 = aV^2 + bV + c$ , где  $a_0 = A'a$ ,  $b_0 = A'b$ ,  $c_0 = A'c$ .

$3A'aV^2 + 2A'bV + A'c = aV^2 + bV + c$ .

$(3A'a - 1)aV^2 + (2A'b - 1)bV + (A'c - 1)c = 0$ . (1)

$a \neq 0$ , т.к. посыл нагревается.

$C = \frac{i}{2} R + \frac{aV^2 + bV + c}{3aV^2 + 2bV + c} R$ .

Если  $b=0$  и  $c=0 \rightarrow$

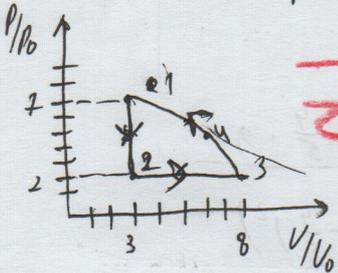
$C = \frac{i}{2} R + \frac{1}{3} R$ , или

можно сразу за-е-е-е-е-е из ур-е (1) выводится, что

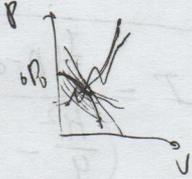
т.к.  $V \neq \text{const}$ , то 0 только при  $c=b=0$  и  $A' = \frac{1}{3}$ .

Ответ: если  $P(V) = aV^2$ ;  $\frac{17}{6} R$ . \*Если  $i=5 \rightarrow C = (\frac{5}{2} + \frac{1}{3})R = \frac{15+2}{6} R$

Задача:  $i=5$ ;  $P(V) = \frac{P_0}{6} (-\frac{V^2}{V_0^2} + \frac{5}{V_0} V + 36) \leftarrow C \neq \text{const!}$



где  $Q_x, Q_y, Q_z$ ?  $\eta = ?$



1) Тепловая машина  $\rightarrow$  штробиль ~~то~~ расход энергии.



2)  $\neq 1, 2$ :  $V = 3V_0 = \text{const} \rightarrow$  уменьшит  $P \downarrow$ .

TA

$\Rightarrow$  охлаждение. (отдаёт)

3)  $\neq 2, 3$ :  $P = 2P_0 = \text{const} \rightarrow$  уменьшит  $V \uparrow \Rightarrow$  нагревание (нагревает)

4) 31:  $\frac{P}{P_0} \left( \frac{V}{V_0} \right) = -\frac{1}{6} \left( \frac{V}{V_0} \right)^2 + \frac{5}{6} \frac{V}{V_0} + 6$ .

$C = \frac{5}{2} R + \frac{P}{J} \frac{dV}{dT}$

МК:  $PV = JRT$

$\rightarrow \frac{P_0}{6} \left( -\frac{V^3}{V_0^2} + \frac{5}{V_0} V^2 + 36V \right) = JRT$

$\frac{dP}{dV} = \frac{P_0}{6Jk} \left( -\frac{3}{V_0^2} \cdot 2V + \frac{10}{V_0} V + 36 \right)$

$\Rightarrow C = \frac{5}{2} R + \frac{\frac{P_0}{6} \left( -\frac{V^2}{V_0^2} + \frac{5}{V_0} V + 36 \right) \cdot 8Jk}{P_0 \left( -\frac{6}{V_0^2} V^2 + \frac{10}{V_0} V + 36 \right) V} R$

$\Rightarrow C = \frac{5}{2} R + \frac{-\left(\frac{V}{V_0}\right)^2 + 5 \frac{V}{V_0} + 36}{-6\left(\frac{V}{V_0}\right)^2 + 10 \frac{V}{V_0} + 36} R$

~~АЗРК~~ ~~А.Р.Штробиль~~

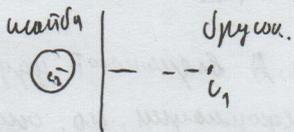
$Q_{31} = C \left( \frac{V}{V_0} \right) J \Delta T$



1) Вопрос:

Штатовик

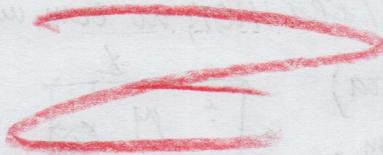
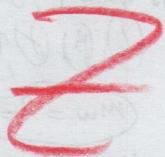
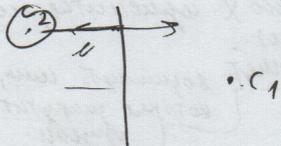
Ответ 1) Если шайба падает так, что у.м. шайбы и бруска на одной прямой, то без ср-я



\*  $c_1$  - у.м бруска  
 $c_2$  - у.м шайбы

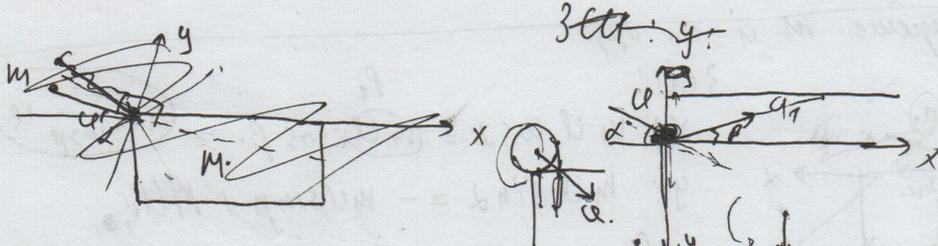


2) Если  $c_1$  и  $c_2$  не на одной прямой, то брусок будет закручиваться, так как эти  $c_1$  не имеют вращ. момента, а шайба без вращ-я, так как нет кас-х сил (брусок падает) (А сила упр всегда направлена к у.м шайбы)



~~Ответ~~ Задача:

1) \* соуд.  $m$  и бруска вместе: будет вращение бруска, т.к. сила тяжести не в у.м. бруска (пони вокруг  $d \rightarrow 0$ )



Зетт:  $y$

Зем:  $x: Ml \cos \alpha = ml_1 \cos \beta \rightarrow l_1 = \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} l$

$y: ml \sin \alpha = -ml_1 \sin \beta + Ml \delta$  (но  $x$  и  $y$  у.м бруска нет скорости)

Зем:  $\frac{ml^2}{2} = \frac{ml_1^2}{2} + \frac{Ml \delta_1^2}{2} + W_{вращ_1}$

\* соуд:  $m$  и верхнего бруска; будет вращ. верхнего бруска.

$\frac{ml^2}{2} = \frac{ml_2^2}{2} + \frac{Ml \delta_2^2}{2} + W_{вращ_2}$

$N_{вращ}$  не зависит от  $l \rightarrow W_{вращ} \sim M \sim l \Rightarrow \frac{W_{вращ_2}}{W_{вращ_1}} = \frac{l/4}{l/2} = \frac{1}{2}$

Зем:  $x: ml_1 \cos \beta = ml_2 \cos \gamma$

$y: + ml_1 \sin \beta = ml_2 \sin \gamma + Ml \delta_2$

$l_1 = \frac{\cos \gamma}{\cos \beta} l$        $l \delta_1 = \frac{m}{M} (\sin^2 \alpha + \cos \alpha \tan \beta) l$

$l_2 = \frac{\cos \alpha}{\cos \gamma} l$        $l \delta_2 = \frac{m}{M} (\sin \beta + \cos \alpha \tan \gamma) \cdot \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} l$

Истовик.

$$\frac{W_{\text{прим}}}{W_{\text{вкл}}2} = 2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{m c_1^2}{2} + \frac{m c_2^2}{2} + \frac{m c_3^2}{2} = (m c_1^2 + m c_2^2 + m c_3^2) \cdot 2$$

$$m c^2 + m \cdot \left(\frac{\cos \alpha}{\cos \beta}\right)^2 \cdot c^2 + m \cdot \frac{m^2}{4^2} \cdot (\sin \alpha + \cos \alpha \operatorname{tg} \beta)^2 \frac{(\cos \alpha)^2}{(\cos \beta)^2} c^2 =$$

$$= 2 m \left(\frac{\cos \alpha}{\cos \beta}\right)^2 c^2 + 2 m \cdot \left(\frac{\cos \alpha}{\cos \beta}\right)^2 c^2 + 2 m \cdot \frac{m^2}{4^2} (\sin \beta + \cos \alpha \operatorname{tg} \beta)^2 \frac{(\cos \alpha)^2}{(\cos \beta)^2} c^2$$

$$\rightarrow 1 + \left(\frac{\cos \alpha}{\cos \beta}\right)^2 + \frac{m}{M} (\sin \beta + \cos \alpha \operatorname{tg} \beta)^2 \frac{(\cos \alpha)^2}{(\cos \beta)^2} =$$

$$= 2 \left(\frac{\cos \alpha}{\cos \beta}\right)^2 + 2 \left(\frac{\cos \alpha}{\cos \beta}\right)^2 + \frac{m}{M} (\sin \beta + \cos \alpha \operatorname{tg} \beta)^2 \frac{(\cos \alpha)^2}{(\cos \beta)^2}$$

$$\Rightarrow M = \frac{1 - \left(\frac{\cos \alpha}{\cos \beta}\right)^2 - 2 \left(\frac{\cos \alpha}{\cos \beta}\right)^2}{\left(\frac{\cos \alpha}{\cos \beta}\right)^2 (\sin \beta + \cos \alpha \operatorname{tg} \beta)^2} M$$

$\cos \alpha \approx 1; \cos \beta \approx 1; \sin \beta \approx \beta; \operatorname{tg} \beta \approx \beta; \operatorname{tg} \beta \approx \beta$  (малые углы)

$$\rightarrow M = \frac{-2}{(\beta + \beta)^2 - (2 + \beta)^2} M. \quad \beta = \frac{2,2}{180} \pi$$

$$\alpha = \frac{2,6}{180} \pi$$

$$\Rightarrow M = \frac{2}{(2,6+2)^2 \frac{\pi^2}{180^2} - (2+2)^2 \frac{\pi^2}{180^2}} M.$$

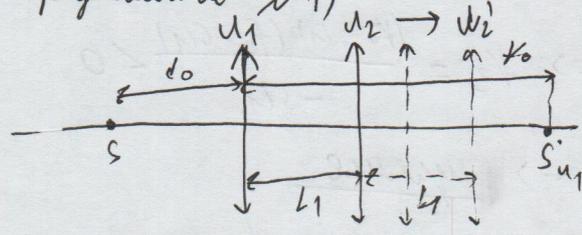
$$\beta = \frac{2,2}{180} \pi$$

$$\alpha = \frac{2,6}{180} \pi$$

$$\beta = \frac{2}{180} \pi.$$

Ответ:  $\frac{560 \cdot 180^2}{3,14^2 (4,6^2 - 4,2^2)} 2.$

Продолжение



$$\Gamma_1 = 0,1$$

$$\Gamma_2 = 0,5 > \Gamma_1 \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \text{перел.}$$

$$\Gamma_{u2}' = \frac{k_1'}{k_0 - l_1} \quad \Gamma_{u2}'' = \frac{k_1''}{k_0 - 2l_1}$$

$$\frac{\Gamma_{u2}'}{\Gamma_{u2}''} = \frac{\Gamma_1}{\Gamma_2} = \frac{4}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{k_1'}{k_1''} \cdot \frac{k_0 - 2l_1}{k_0 - l_1} = \frac{4}{5}$$

ФТЛ  
прид. др.

$$D_2 = -\frac{1}{k_0 - l_1} + \frac{1}{k_1'}$$

$$D_2 = -\frac{1}{k_0 - 2l_1} + \frac{1}{k_1''} \quad \left| \Rightarrow \right.$$

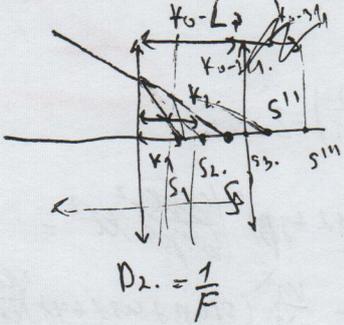
$$\frac{1}{k_1'} - \frac{1}{k_0 - l_1} = \frac{1}{k_1''} - \frac{1}{k_0 - 2l_1}$$

Поме по формула:  $\Gamma_3 = \frac{k_1'''}{k_0 - 3l_1}$

$$D_2 = -\frac{1}{k_0 - 3l_1} + \frac{1}{k_1'''}$$

У1 и источник ~~волны~~ или источник ~~радиоволн~~, т.е.

ИСТОЧНИК.



$$\Gamma_{u1} = \frac{k_0}{f_0} = \text{const.}$$

$$+\frac{1}{F} = -\frac{1}{k_1} + \frac{1}{k_0-l_1} \Rightarrow \Gamma' = \frac{k_1}{k_0-l_1}$$

$$\frac{\Gamma'}{\Gamma''} = \frac{9}{5}$$

$$+\frac{1}{F} = -\frac{1}{k_2} + \frac{1}{k_0-2l_1} \Rightarrow \Gamma'' = \frac{k_2}{k_0-2l_1} = ?$$

$$+\frac{1}{F} = -\frac{1}{k_3} + \frac{1}{k_0-3l_1} \Rightarrow \Gamma''' = \frac{k_3}{k_0-3l_1}$$

$$\frac{\Gamma'}{\Gamma''} = \frac{9}{5} = \frac{k_1}{k_2} \cdot \frac{k_0-2l_1}{k_0-l_1}$$

$$\frac{k_1}{k_2} = \frac{1}{F} - \frac{1}{k_0-2l_1}$$

$$\Rightarrow \frac{\frac{1}{F} - \frac{1}{k_0-2l_1}}{\frac{1}{F} - \frac{1}{k_0-l_1}} \cdot \frac{k_0-2l_1}{k_0-l_1} = \frac{9}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{\frac{k_0-2l_1}{F} - 1}{\frac{k_0-l_1}{F} - 1} = \frac{9}{5} \Rightarrow \frac{5k_0-10l_1}{F} - 5 = \frac{4k_0-4l_1}{F} - 9$$

$$\Rightarrow 5k_0 - 10l_1 - 5F = 4k_0 - 4l_1 - 4F$$

$$\boxed{k_0 - 6l_1 = F} \Rightarrow k_0 = F + 6l_1 = \text{const.}$$

~~$$\Rightarrow \frac{1}{k_0-3l_1} = \frac{1}{k_0-3l_1} - \frac{1}{k_3} \Rightarrow k_3 = \frac{(k_0-3l_1)(k_0-6l_1)}{-3l_1} < 0$$~~

$\Rightarrow$  в конце S уже перед  $d \Rightarrow$  уменьше

~~$$\Rightarrow \frac{1}{k_0-6l_1} = \frac{1}{6l_1-k_0} - \frac{1}{k_3} \rightarrow k_3 = \frac{(-k_0+3l_1)(k_0-6l_1)}{3l_1} < 0$$~~

~~$$\Rightarrow \frac{1}{k_0-6l_1} = \frac{1}{3l_1-k_0} + \frac{1}{k_3} \rightarrow k_3 = \frac{k_0-6l_1}{k_3}$$~~