

23-64-09-97
(143.1)



Олимпиада ПБГ
2016

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 01

город Уфа

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Покори Воробьевы горы

по физике

Ананьева Александра Васильевна

фамилия, имя, отчество (в родительном падеже)

Дата

« 13 » марта 2016 года

Подпись участника

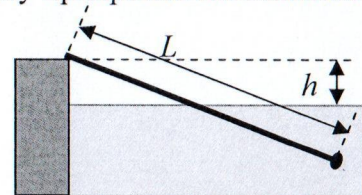
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ «ПОКОРИ ВОРОБЬЕВЫ ГОРЫ!» по ФИЗИКЕ
 ЗАКЛЮЧИТЕЛЬНЫЙ (ФИНАЛЬНЫЙ) ЭТАП 2016 года
 БИЛЕТ № 01 (10-11 классы)

23-64-09-97
 (143.1)

Задание 1:

Вопрос: От каких факторов зависит величина, точка приложения и направление силы Архимеда? Приведите примеры ситуаций, когда ее направление не совпадает с вертикалью. Может ли сила Архимеда сообщить очень легкому телу в покоящейся жидкости ускорение, превышающее ускорение свободного падения? Ответ объяснить.

Задача: Узкая тонкая однородная доска длиной $L=1$ м лежит, опираясь одним из концов на борт бассейна. При этом второй конец доски опущен в воду, и к нему прикреплен небольшой груз (см. рис.). Высота борта над водой $h=40$ см. Коэффициент трения между доской и бортом бассейна $\mu=0,75$. При каком



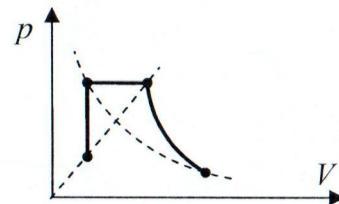
максимальном отношении массы груза к массе доски $x \equiv \frac{m}{M}$

доска может покоиться? Вода в бассейне неподвижна, плотность воды $\rho_0 = 1$ г/см³, плотность дерева, из которого изготовлена доска $\rho = 0,5$ г/см³.

Задание 2:

Вопрос: Чему может быть равна теплоемкость одного моля идеального газа в изохорном и изобарном процессах?

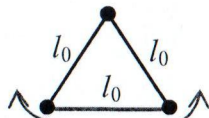
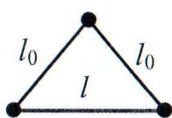
Задача: Постоянное количество идеального газа участвует в процессе, диаграмма которого показана на рисунке в координатах давление-объем. Известно, что при изохорном нагревании газ получает количество теплоты, равное $Q = 60$ кДж, а после изобарного расширения температура газа становится в $n=9$ раз больше наименьшей (для всего процесса). Найдите работу газа при адиабатическом расширении. Линии, показанные пунктиром – прямая, проходящая через начало координат, и изотерма.



Задание 3:

Вопрос: Чему равна потенциальная энергия электростатического взаимодействия четырех одинаковых точечных зарядов q , расположенных в вершинах квадрата со стороной a ?

Задача: Три маленьких одинаковых заряженных шайбы соединены попарно двумя легкими нерастяжимыми нитями длиной $l_0 = 40$ см и одной упругой резинкой, длина которой в



недеформированном состоянии также равна l_0 (сила упругости резинки пропорциональна деформации). Если поместить их на гладкую горизонтальную поверхность, то

в состоянии покоя длина резинки будет равна $l = 50$ см. Удерживая шайбы, резинку переводят в недеформированное состояние (так, что шайбы образуют равносторонний треугольник) и отпускают шайбы без начальной скорости. До какой максимальной длины растянется резинка в ходе дальнейшего движения? Какой будет максимальная скорость «средней» шайбы? Циклическая частота колебаний одной шайбы на резинке равна $\omega = 20$ с⁻¹.

Задание 4:

Вопрос: Что нужно сделать для того, чтобы поперечное увеличение изображения пламени свечи, наблюдаемого через рассеивающую тонкую линзу, уменьшилось – придвинуть линзу к свече или отодвинуть от нее? Ответ объяснить.

Задача: С помощью тонкой линзы на экране получено изображение нити небольшой лампочки, развернутой перпендикулярно оси линзы, с увеличением $|\Gamma|=2,5$. Когда экран придвинули к линзе на расстояние $s=8$ см, то для получения нового четкого изображения лампочку пришлось сдвинуть вдоль оси на расстояние $s'=1,6$ см. Каким стало увеличение изображения?

23-64-09-97
(143.1)

Усеровик СР. 1 из 5

Олимпиада ЦВТ

2016

№1. $F_A = \rho_m \cdot a \cdot V_n$

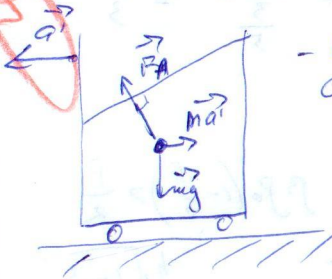
где V_n - объем погруженной части тела

ρ_m - плотность жидкости

a - ускорение жидкости в сосуде, $\vec{a} = \vec{g} + \vec{a}'$, где \vec{a}' - ускорение сосуда.

F_A направлена \perp поверхности погруженной части и стремится вытолкнуть погруженное тело в сторону наим. давления

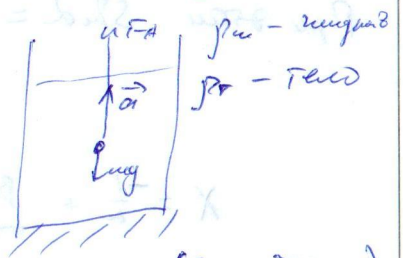
Приложена к центру погруженной части



- в направлении с ускорением сосуда $\vec{F}_A = \vec{F}_{Ag} + \vec{F}_{Aa'}$

$F_{Ag} = \rho_m g V$

$F_{Aa'} = \rho_m a' \cdot V$ (+)



по II 3. закону: (без учета сопротивления среды)

$F_A - mg = ma$

$\rho_m g V - \rho_T g V = \rho_T V \cdot a$

$a = \left(\frac{\rho_m}{\rho_T} - 1 \right) g$ (-)

при достаточно большом отклонении

$\frac{\rho_m}{\rho_T}$ можно считать большим значением ускорения (большим g) ?

Задача:

$L = 1 \text{ м}$

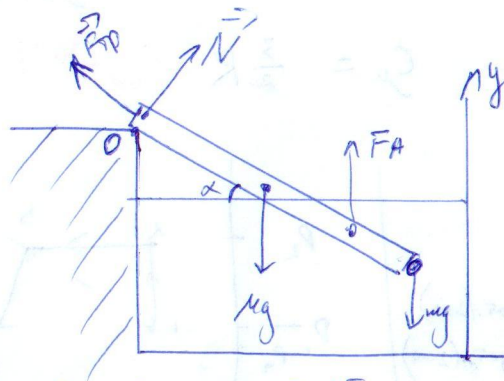
$h = 0,4 \text{ м}$

$\mu = 0,75 = \frac{3}{4}$

$\rho_0 = 1000 \text{ кг/м}^3$

$\rho = 500 \text{ кг/м}^3$

$X = \frac{m}{M} - ?$



Рассмотрим пред. случай: $v=0$

по I закону Ньютона: $O_x: N \sin \alpha - F_0 \cos \alpha = 0$

$N \sin \alpha = \mu \cdot N \cos \alpha$

$\mu = \tan \alpha$

$\rightarrow \sin \alpha = \frac{\tan \alpha}{\sqrt{1 + \tan^2 \alpha}} = \frac{\mu}{\sqrt{1 + \mu^2}}$

$\sin \alpha = \frac{3}{5}$

По правилу моментов относительно точки опоры (на бортик) $\tau = 0$

$m g \cdot L \cos \alpha + \frac{1}{2} M g L \cos \alpha - F_A \cdot d_A = 0$

Минусовик

Пусть $l = \beta \cdot L$ - часть груза, повр. в воде, $dA = (1 - \frac{\beta}{2}) L \cos \alpha$
 тогда, если $F_{A0} = \rho_{\text{ж}} g V = \rho_{\text{ж}} g V \frac{\rho_{\text{ж}}}{\rho_{\text{т}}}$

$$F_A = \rho_{\text{ж}} g \cdot \beta V \cdot \frac{\rho_{\text{ж}}}{\rho_{\text{т}}} = \beta \cdot Mg \cdot \frac{\rho_{\text{ж}}}{\rho_{\text{т}}}$$

$$(m + \frac{1}{2} M) g L \cos \alpha = Mg \cdot \beta \cdot \frac{\rho_{\text{ж}}}{\rho_{\text{т}}} (1 - \frac{\beta}{2}) L \cos \alpha$$

$$m + \frac{1}{2} M = M \beta \frac{\rho_{\text{ж}}}{\rho_{\text{т}}} (1 - \frac{\beta}{2}) \quad | : M$$

При этом $\sin \alpha = \frac{h}{L(1-\beta)} \Rightarrow \beta = 1 - \frac{h}{L \sin \alpha} = 1 - \frac{0.4}{\frac{3}{5}} = \frac{1}{3}$

$$x = -\frac{1}{2} + \frac{\beta \rho_{\text{ж}} (1 - \frac{\beta}{2})}{\rho}$$

- ищем миним при

$$\beta \rho_{\text{ж}} (1 - \frac{\beta}{2}) = \frac{\rho}{2}$$

$$\beta = \frac{\rho}{2 \rho_{\text{ж}}} \text{ где } \beta = 1 - \frac{h \sqrt{1+x^2}}{M \cdot L}$$

$$x = \frac{1}{3} \cdot 2 (1 - \frac{1}{6}) - \frac{1}{2} = \frac{2}{3} \cdot \frac{5}{6} - \frac{1}{2} = \frac{1}{18}$$

Ответ: $x = \frac{1}{18}$ (+)

2. Изобарный: $Q = \Delta U + A'$, $A' = \nu R \Delta T \Rightarrow Q = \frac{5}{2} \nu R \Delta T$

$$C_M = \frac{Q}{\nu \Delta T} = \frac{5}{2} R$$

Изохорный: $A' = 0 \Rightarrow Q = \Delta U = \frac{3}{2} \nu R \Delta T$

$$C_M = \frac{3}{2} R$$

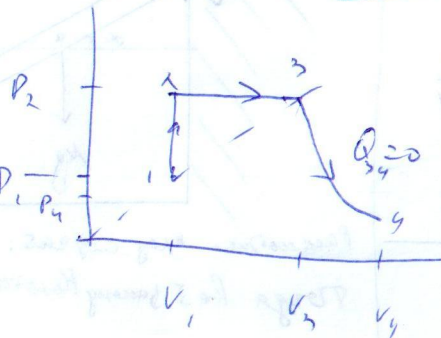
Задача:

$Q_{12} = \text{везде}$

$T_3 = n \cdot T_1$, T_3 выше изот. (2-4)
 T_1 ниже изот. (2-4)

$n = 9$

$A'_{34} = ?$



$$P_2 = P_3$$

$$V_1 = V_4$$

$$P_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$P_2 V_1 = \nu R T_2$$

$$P_2 V_3 = \nu R T_3 = n \cdot \nu R T_1$$

$$P_4 V_4 = P_2 V_1 = \nu R T_2$$

$$P_1 = \nu R T_1 \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{V_1}{V_3}$$

$$\frac{P_1 V_1}{P_2 V_3} = \left(\frac{P_1}{P_2}\right)^2 = \frac{1}{n} \Rightarrow P_2 = P_1 \sqrt{n}$$

$$V_3 = V_1 \sqrt{n}$$

$$\Delta U_{34} = -A'_{34}$$

$$\Delta U_{12} = Q_{12} = \frac{3}{2} \Delta R \Delta T_{12} \quad \left| \begin{array}{l} \text{Умова} \\ \hline \end{array} \right.$$

$$A'_{34} = -\frac{3}{2} \Delta R \Delta T_{34}$$

$$P_2 (V_1 - V_2) = \Delta R \Delta T_{34} = P_2 \cdot 2V_1 \cdot \sqrt{n} \cdot P_2 (\sqrt{n} + 1) V_1 = \sqrt{n} (1 - \sqrt{n}) P_2 V_1$$

$$V_1 (P_2 - P_1) = V_1 P_1 (\sqrt{n} - 1) = \Delta R \Delta T_{12} = \frac{2}{3} Q_{12}$$

$$\Rightarrow A'_{34} = -\frac{3}{2} \cdot \sqrt{n} \cdot \left(-\frac{2}{3}\right) Q_{12} = 3 Q_{12}$$

$$A'_{34} = 180 \text{ кДж} \quad (+)$$

Ответ: 180 кДж

НЧ, для рассеиваемой энергии: $\Gamma = \left| \frac{P}{d} \right|$

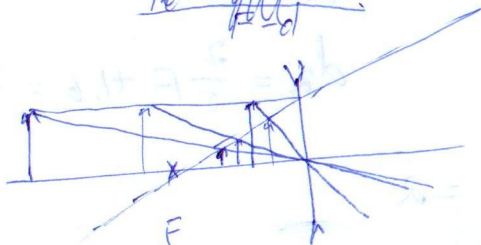
$$\frac{1}{F} = \frac{d}{d} \frac{1}{f}; \quad f = \frac{d}{d}$$



$$\frac{d}{d} \frac{1}{f} = -\frac{1}{f}$$

$$\Gamma = \frac{1}{1-d}$$

$$\Gamma = \frac{H_{\text{отр}}}{H_{\text{пад}}}$$



Чем ближе к линзе, тем больше изображение, значит, при меньших размерах предмета, Γ увеличивается $(?) \quad (\pm)$

Задача: $|\Gamma| = 2.5$

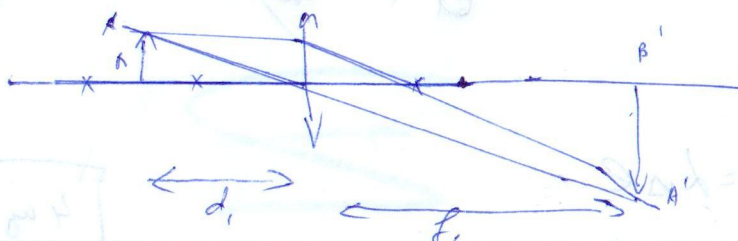
Радиус увеличен, действительное изображение \Rightarrow изображение d_1 (F; 2F)

$$F = \frac{f}{d}; \Rightarrow f = 2.5d,$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d_1} + \frac{1}{f} = \frac{3.5}{2.5d},$$

$$d_1 = \frac{9}{5} F$$

$$f_1 = \frac{9}{2} F$$



Зад 5

Числовик

$$f_2 = f_1 - S ; \text{ чтобы снова получить четное}$$

изображение, необходимо увеличить расстояние от предмета до линзы (этим увеличится и мизер, значит он окажется на той же стороне)

$$d_2 = d_1 + S'$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d_1 + S'} + \frac{1}{f_1 - S} = \frac{1}{F + 4S'} + \frac{1}{3,5F - S}$$

$$(3,5F - S)(F + 4S') - F(3,5F + S' + 3,5F - S) = 0$$

Решаем S и S'

$$F(F + 4S')(3,5F - S)$$

$$4,9F^2 - 5,6FS' - 12,8F - 1,4F^2 - 3,5F^2 - 1,6F + 8F = 0$$

$$0,8F = 12,8$$

$$8F = 128$$

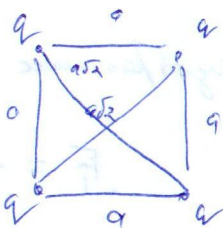
$$F = 16 \text{ см} \Rightarrow f_2 = \frac{7}{2}F - 8 = 48 \text{ см}$$

$$d_2 = \frac{7}{5}F + 1,6 = 24 \text{ см}$$

$$\Gamma_2 = \frac{f_2}{d_2} = 2$$

Ответ: $\Gamma_2 = 2$

№3.



$$W = \frac{kq^2}{a} + \frac{kq^2}{a} + \frac{kq^2}{a\sqrt{2}} + \frac{kq^2}{a} + \frac{kq^2}{a\sqrt{2}} + \frac{kq^2}{a}$$

$$= \frac{kq^2}{a} (4 + \sqrt{2})$$

Задача:

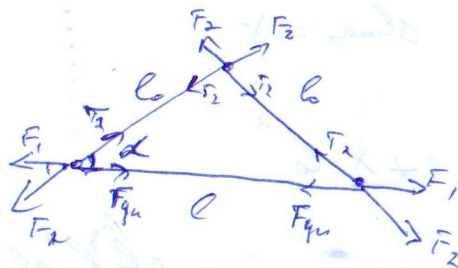
$$l_0 = 9 \text{ см}; l = 9,5 \text{ см}; F_{\text{гн}} = \lambda \cdot \Delta \cdot l$$

$$w = 20 \text{ с}^{-1}$$

4 из 5

Условие

в равновесии нити

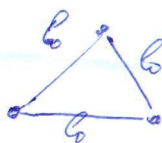


$$F_1 \sin \alpha = F_{гн} \sin \alpha$$

$$\frac{kq^2}{l^2} = d(l-d) \Rightarrow d = \frac{kq^2}{e^2(l-d)} \quad (+)$$

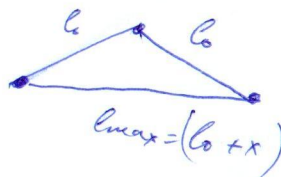
в равн. тригонометрия:

$$F_{гн} = 0$$



$$E_1 = 3 \frac{kq^2}{l_0}$$

при макс. отклонении;



$$E_2 = \frac{2kq^2}{l_0} + \frac{kq^2}{l_0+x} + \frac{dx^2}{2}$$

$$E_1 = E_2$$

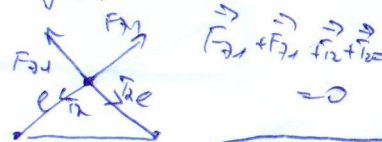
$$\frac{kq^2}{l_0} = \frac{dx^2}{2} + \frac{kq^2}{l_0+x} = \frac{kq^2}{l_0+x} + \frac{kq^2 x^2}{e^2(l-d)} \quad (+)$$

$$\frac{1}{l_0} = \frac{1}{l_0+x} + \frac{x^2}{e^2(l-d)}$$

При этом средний

шарик все будет иметь скорость 0, т.к.

его будет удерживать нить



$$l_{max} = l_0 + x$$

$$x = ?$$

$$v_{max} = ?$$

23-64-09-97
(143.1)

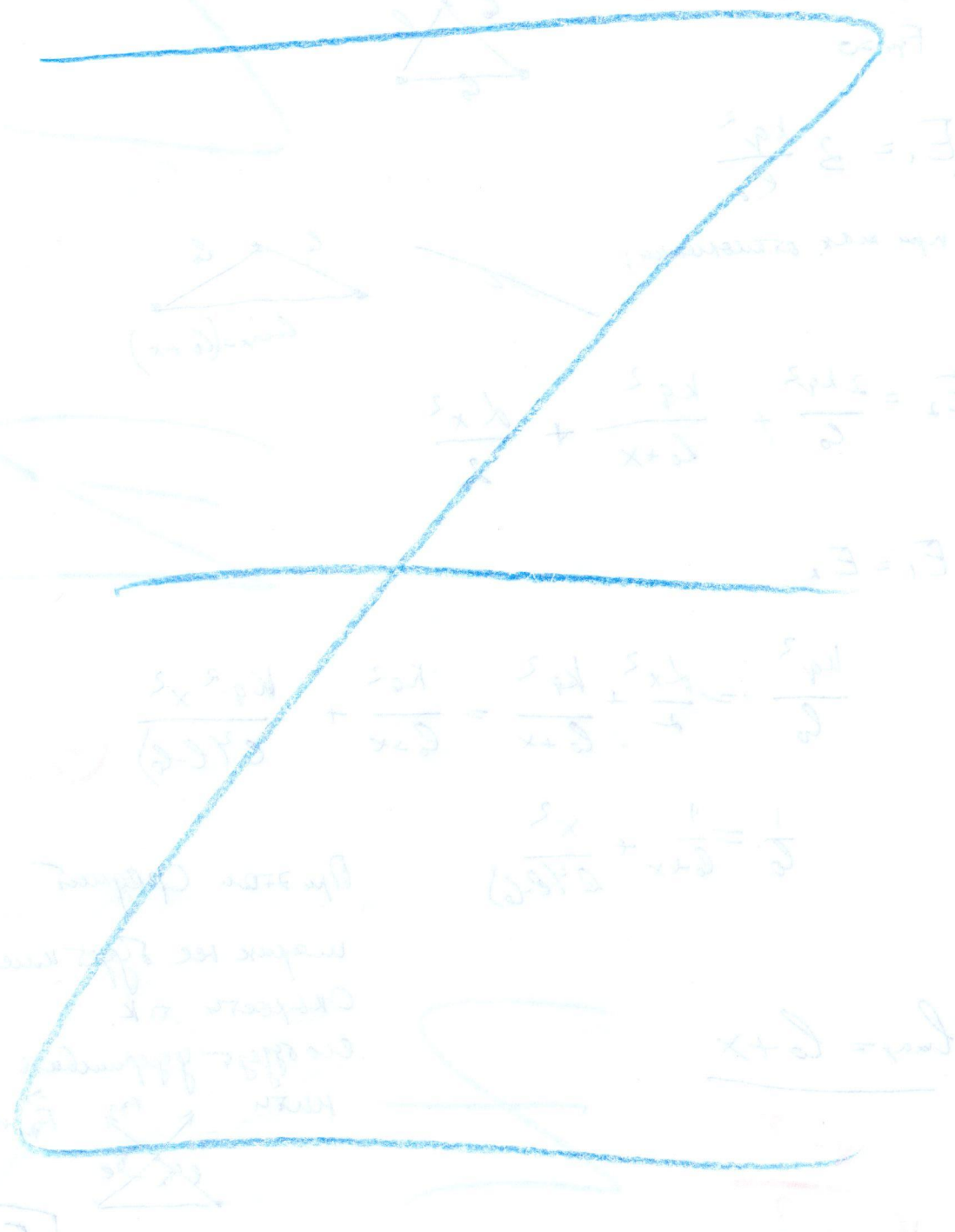
Олимпиада ПВГ
2016

Черновик $\Delta l_{max} = x$

$$\frac{2}{x} = x^2 \cdot l_0 + x \cdot l_0^2$$

$$l_0 \cdot x^2 + x \cdot l_0^2 - \frac{2 \cdot 2 l_0^2 \Delta l}{x} = 0$$

$$D = l_0^2 + \frac{16 \cdot l_0^2 \Delta l^2}{2 l_0^3 + l^3} = 16 \cdot 10^{-3} + 10^{-2} \cdot 16 \cdot$$



23-64-09-97
(143.1)

Черновик

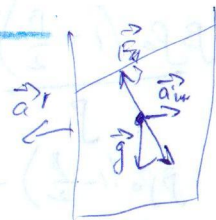
Олимпиада ЦВТ

2016

~~формула~~: $F_A = \rho_m \cdot a \cdot V_n$

где ρ_m - плотность
 V_n - объем погруж.

поверхности: периметр поверхности



~~тогда~~ $F_A - mg = ma$

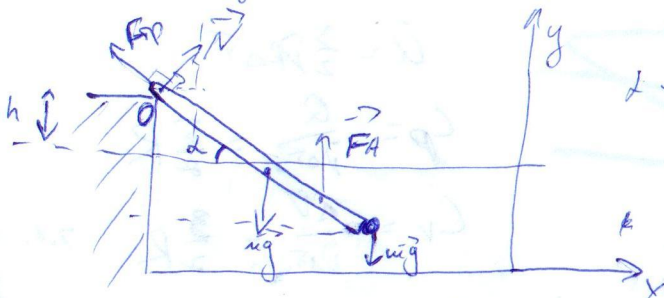
(вытесняет $F_{выт}$)

$\rho_m g V - \rho_f g V = \rho_f V a$

$a = g \left(\frac{\rho_m - \rho_f}{\rho_f} \right) = \left(\frac{\rho_m}{\rho_f} - 1 \right) \cdot g$: $\frac{\rho_m}{\rho_f}$ может быть > 2

Но достаточно маленькой плотностью тела

- $L = 21 \text{ м}$
- $h = 0.4 \text{ м}$
- $\mu = 0.75$
- $\alpha = \frac{\pi}{4}$ - ?
- $\rho_0 = 1000 \text{ кг/м}^3$
- $\rho = 500 \text{ кг/м}^3$



l - расстояние от центра и поверхности

Ручка $d = \frac{l_1}{L} \cdot L = \beta \cdot L$, где β - длина погруж. части

По правилу моментов:

$mg \cdot d_1 + Mg \cdot d_2 - F_A \cdot d_3 = 0$

$d_1 = L \cos \alpha$

$d_2 = \frac{1}{2} L \cos \alpha$

$d_3 = \left(L - \frac{1}{2} \beta L \right) \cos \alpha = \left(1 - \frac{\beta}{2} \right) L \cos \alpha$

$mg \cos \alpha + \frac{1}{2} Mg \cos \alpha = \rho_0 g S \cdot \beta L \cos \alpha \cdot \frac{1}{2}$

$F_{A0} = \rho_0 g V \Rightarrow F_{A0} = Mg \cdot \frac{\rho_0}{\rho} = \rho_0 S L g \cdot \frac{\rho_0}{\rho}$

$m + \frac{1}{2} M = \beta \frac{\rho_0}{\rho} \left(1 - \frac{\beta}{2} \right)$

~~тогда~~ $Mg = \rho g V$ $F_A = \beta F_{A0} = \beta Mg \frac{\rho_0}{\rho}$

сила реакции: $O_x: -F_{тр} \cos \alpha + N \sin \alpha = 0$

$\sin \alpha = \frac{h}{L(1-\beta)} = \frac{h}{L} \cdot \frac{1}{1-\beta} = \frac{h}{L} \cdot \frac{1}{1+\mu}$

$S^2 + C^2 = 1$

$\mu \cdot N \cos \alpha = N \sin \alpha$

$\tan \alpha = \mu$

$\sin \alpha = \frac{\tan \alpha}{\sqrt{1+\tan^2 \alpha}}$

$(L - \beta L) \sin \alpha = h$
 $\beta = \frac{L \sin \alpha - h}{L \sin \alpha} = \frac{\frac{h}{1+\mu} - h}{\frac{h}{1+\mu}} = \frac{h \left(\frac{1}{1+\mu} - 1 \right)}{\frac{h}{1+\mu}} = \frac{1 - 1 - \mu}{1 + \mu} = \frac{-\mu}{1 + \mu}$

$1 + \frac{1}{\mu^2} = \frac{1}{S^2}$

$S^2 = \frac{\mu^2}{1 + \mu^2}$

$\frac{2}{5} = \frac{3}{5} \Rightarrow 2 = 3 - 3\beta \Rightarrow \beta = \frac{1}{3}$

Черновик

$$m + \frac{1}{2} M = \beta M \cdot \frac{\rho_0}{\rho} \left(1 - \frac{\beta}{2}\right) \quad | : M$$

$$x + \frac{1}{2} = \frac{\beta \rho_0 \left(1 - \frac{\beta}{2}\right)}{\rho}$$

$$x = \frac{\beta \rho_0 \left(1 - \frac{\beta}{2}\right) - \frac{1}{2} \rho}{\rho}$$

при $\beta \rho_0 \left(1 - \frac{\beta}{2}\right) > \frac{1}{2} \rho$

где $\beta = 1 - \frac{y}{L_{\text{уд}}} \cdot \frac{M}{\sqrt{1+y^2}}$

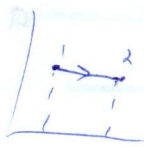
$$x = \frac{1}{3} \cdot 2 \left(1 - \frac{1}{6}\right) - \frac{1}{2} = \dots$$

$$= \frac{2}{3} \cdot \frac{5}{63} \cdot \frac{1}{2} = \frac{5}{5} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{18}$$

2. Цикл:

$$\Delta U = -A' + Q$$

$$Q = \Delta U + A'$$



$P_1 V_1 = \nu R T_1$
 $P_2 V_2 = \nu R T_2$
 $A' = \nu R \Delta T$
 $Q = \frac{3}{2} \nu R \Delta T$

$$Q = \frac{3}{2} \nu R \Delta T$$

$$C_p = \frac{Q}{\nu \Delta T} = \frac{3}{2} R$$

$$C_v = \frac{\Delta U}{\nu \Delta T} = \frac{3}{2} R$$

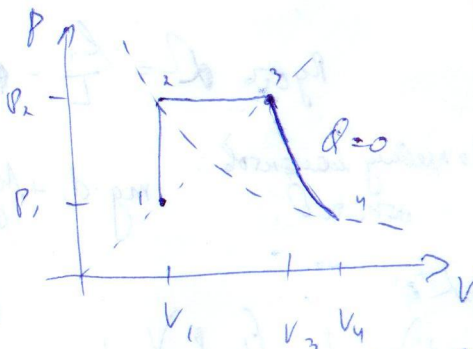
т.к. $\Delta V = 0$
 $A' = 2Q$
 $Q = \Delta U$

$$Q_{12} = 60 \cdot 10^3 \text{ Дж}$$

$$T_3 = Q_{\text{вд}} \text{ и } T_1 = 9 T_1$$

(отт. задачи 2-4)
 $T_3 = 9 T_1 > T_2 > T_1$

$$A'_{34} = ?$$



2

$$\Delta U_{34} = -A'_{34}$$

$$A'_{34} = \frac{3}{2} \nu R \Delta T_{34}$$

$$P_2 (V_1 - V_3) = \nu R \Delta T_{34}$$

$$\nu R \Delta T_{34} = -2 P_2 V_1$$

$$V_1 (P_2 - P_1) = V_1 \cdot 2 P_1 =$$

$$= \nu R \Delta T_{12} = \frac{2}{3} Q_{12}$$

$$A' = \frac{3}{2} \nu R \cdot \frac{2}{3} Q_{12} = \nu R Q_{12} = \dots$$

$$P_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$P_2 V_1 = \nu R T_2$$

$$P_2 V_3 = \nu R T_3 = 9 \nu R T_1$$

$$P_1 V_4 = \nu R T_2$$

$$P_1 = \alpha V_1$$

$$P_2 = \alpha V_3$$

$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{V_1}{V_3}$$

$$\frac{P_1 V_1}{P_2 V_3} = \frac{1}{9}$$

$$\left(\frac{P_1}{P_2}\right)^2 = \frac{1}{9}$$

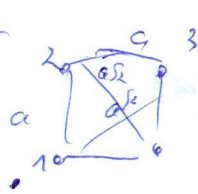
$$P_2 = 3 P_1$$

$$V_3 = 3 V_1$$

$$\Delta U_{12} = -A'_{12} + Q_{12}$$

$$\Delta U_{12} = Q_{12} = \frac{3}{2} \nu R \Delta T_{12}$$

3. Черновик



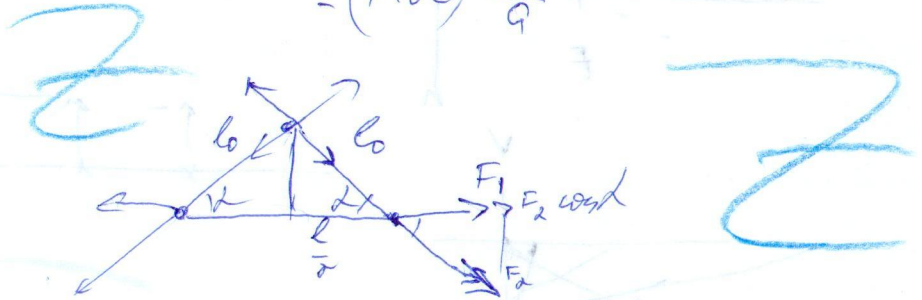
$$W = \frac{kq^2}{a} + \frac{kq^2}{a} + \frac{kq^2}{a\sqrt{2}} + \frac{kq^2}{a} + \frac{kq^2}{a\sqrt{2}} + \frac{kq^2}{a} = (4 + \sqrt{2}) \frac{kq^2}{a}$$

$l_0 = 294 \text{ м}$

$F_{\text{пр}} = k \Delta l$

$l = 95 \text{ м}$

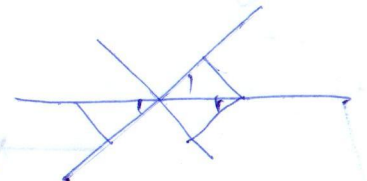
$\omega = 20 \text{ рад/с}$



$\Delta R_{\Delta T_{34}} = P_2 V_1 - P_1 V_3 = P_2 V_1 (1 - \sqrt{u}) = 3P_1 V_1 (1 - \sqrt{u}) = 3P_1 V_1 - 3 \cdot \frac{2}{3} P_1 V_1 = -2P_1 V_1$

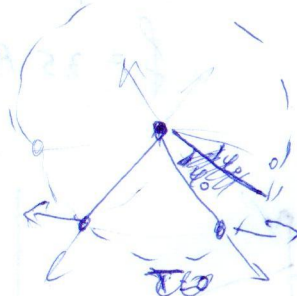
$V_1 (P_2 - P_1) = V_1 P_1 (\sqrt{u} - 1) \Rightarrow \Delta R_{\Delta T_{12}} = \frac{2}{3} P_1 V_1$

$R'_{34} = -\frac{3}{2} (-2P_1 V_1) = 3P_1 V_1 = 1800 \text{ Дж}$



$F_{\text{пр}} \Delta l = \frac{kq^2}{l^2} + \frac{kq^2}{2l_0^2} \cdot \frac{l}{2l_0}$

$k = \frac{kq^2}{\Delta l} \left(\frac{1}{l^2} + \frac{l}{2l_0^3} \right) = \frac{kq^2}{\Delta l} \left(\frac{2l_0^3 + l^3}{2l_0^3 l^2} \right) = \frac{kq^2 (2 \cdot 0.4^3 + 1.5^3)}{10^{-3} \cdot 0.4 \cdot 25 \cdot 2} = \frac{kq^2 (253)}{320}$



$F_1 = F_2$
 $v=0$

$\frac{kq^2}{l} = \frac{kq^2}{l} + \frac{k \Delta l_{\text{max}}^2}{2}$

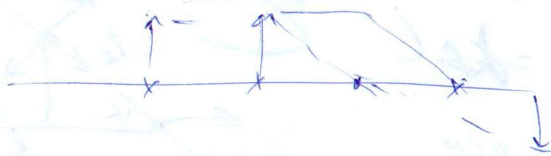
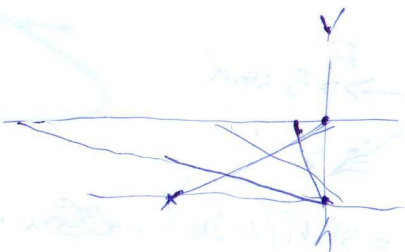
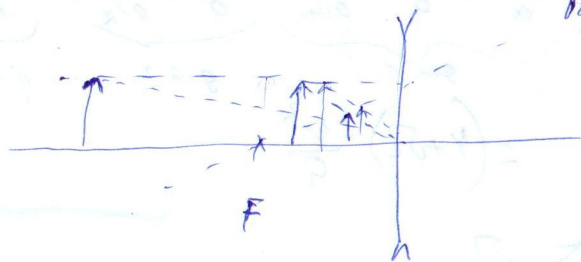
$\frac{kq^2 l_0}{kq^2 (l_0 + \Delta l_{\text{max}})} - kq^2 l_0 = \frac{k \Delta l_{\text{max}}^2}{2}$

$l_0 \Delta l_{\text{max}} - l_0 = \frac{k \Delta l_{\text{max}}^2}{2} \Rightarrow \Delta l_{\text{max}} = 2l_0$

4.1

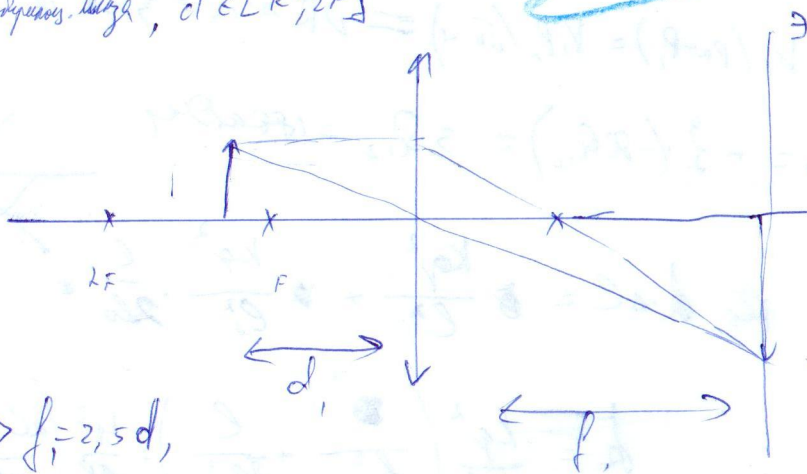
Черновик

Решение



2

Уб. угор.: содружес. мизл , $d \in [F; 2F]$



$$\frac{1}{F} = \frac{1}{2F} + \frac{1}{d_1} \Rightarrow \frac{1}{d_1} = \frac{1}{2F} - \frac{1}{F} = -\frac{1}{2F}$$

$|F_1| = 2.5 \Rightarrow f_1 = 2.5d_1$

$$\frac{1}{F_{\text{eq}}} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{d_1} = \frac{1}{2.5d_1} + \frac{1}{d_1} = \frac{4}{5d_1} \Rightarrow d_1 = \frac{4}{5}F = 0.8F$$

$d_1 \Rightarrow \Delta \downarrow (u_1, h_1 - \text{const}) \Rightarrow \Gamma \downarrow$

$f_1 = 3.5F$

$f_2 = f_1 - 8\text{cm} = f_1 - 8$

$d_2 = d_1 + 8$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{f_1 - 8} + \frac{1}{d_1 + 8} = \frac{1}{3.5F - 8} + \frac{1}{0.8F + 8}$$

$$(3.5F - 8)(0.8F + 8) - F(0.8F + 8 + 3.5F - 8) = 0$$

$F(3.5F - 8)(0.8F + 8)$

Решение S и S' гугуба

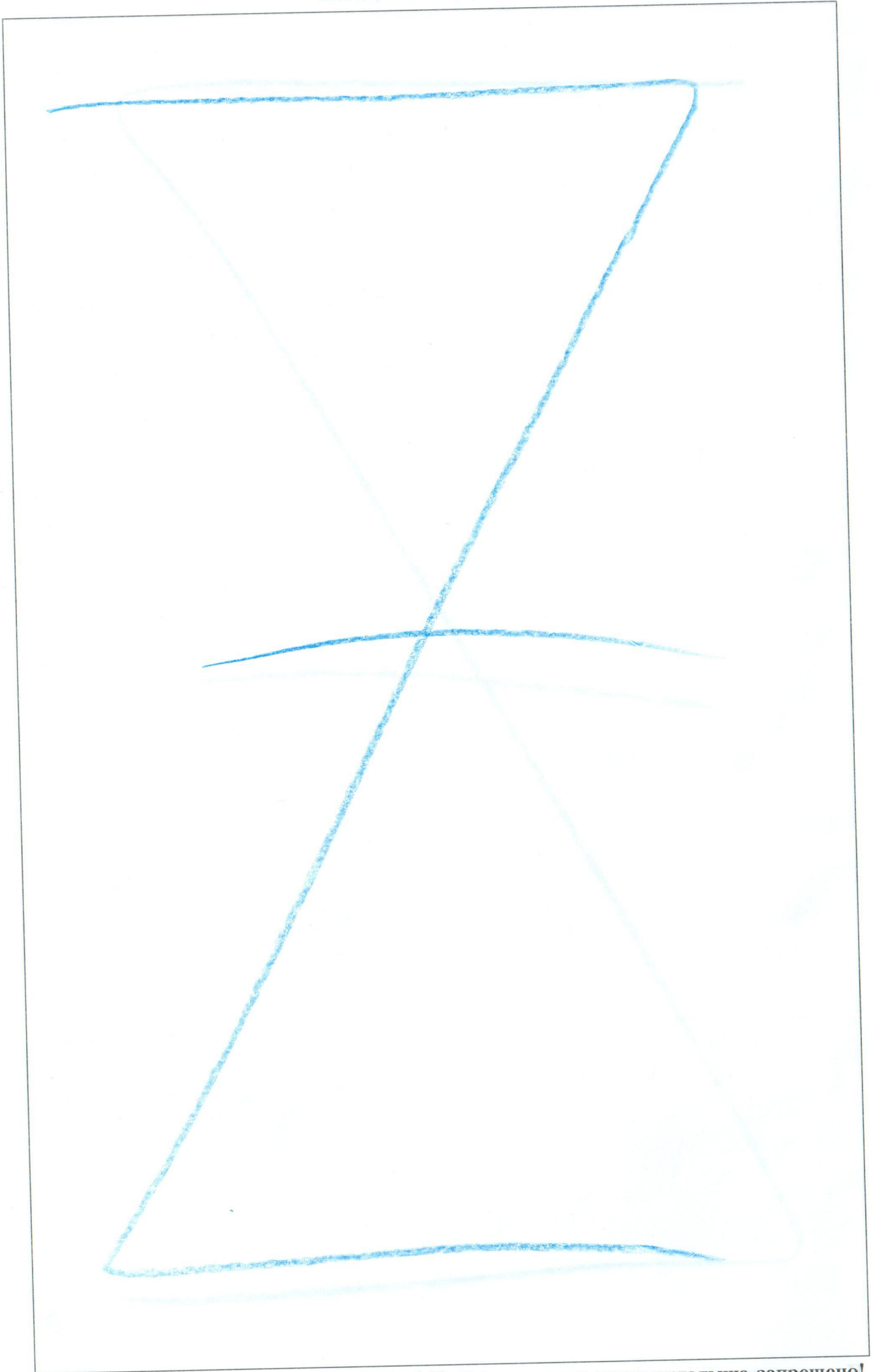
$3.5 \times 2.8 = 9.8$
 $2.8 \times 8 = 22.4$
 $9.8 + 22.4 = 32.2$
 $32.2 - 8 = 24.2$
 $24.2 = 0.8F + 8$
 $16.2 = 0.8F$
 $F = 20.25$

ЛИСТ-ВКЛАДЫШ



Подписывать лист-вкладыш запрещено! Писать на полях листа-вкладыша запрещено!

ЛИСТ-ВКЛАДЫШ



Подписывать лист-вкладыш запрещено! Писать на полях листа-вкладыша запрещено!