

76-55-31-89
(178.4)



Олимпиада ПБГ
2016

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

+1 лист

Вариант 06

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Покора Воробьева Горы

по Физике

Чирякова Федора Михайловна

фамилия, имя, отчество (в родительном падеже)

Дата

«22» марта 2016 года

Подпись участника

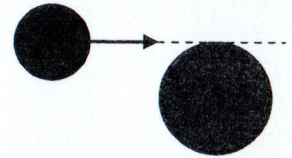
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ «ПОКОРИ ВОРОБЬЕВЫ ГОРЫ!» по ФИЗИКЕ
ЗАКЛЮЧИТЕЛЬНЫЙ (ФИНАЛЬНЫЙ) ЭТАП 2016 года
БИЛЕТ № 06 (10-11 классы)

76-55-31-89
(178.4)

Задание 1:

Вопрос: Гладкая шайба, скользящая по горизонтальной поверхности, столкнулась с такой же (по размеру и массе) покоящейся шайбой. Вектор ее скорости в результате удара повернулся на 30° . Под каким углом к направлению движения налетающей шайбы направлен вектор скорости другой шайбы после удара?

Задача: Гладкая цилиндрическая шайба покоится на гладкой горизонтальной поверхности. В нее врезается шайба, изготовленная из того же материала, той же высоты, радиус которой в $n = 1,5$ раза меньше, чем у покоящейся. Линия движения центра налетающей шайбы касается боковой поверхности покоящейся. Под какими углами к направлению движения налетающей шайбы будут двигаться шайбы после упругого удара?



Задание 2:

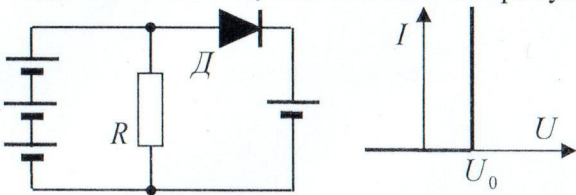
Вопрос: Как выглядит диаграмма изобарного процесса над одноатомным идеальным газом в координатах $A - U$ («совершенная газом работа – внутренняя энергия»), выходящая из точки (A_0, U_0) ?

Задача: Давление одного моля одноатомного идеального газа изохорически изменили от начального до некоторого значения. Затем изобарически уменьшили объем газа в $n = 3$ раза. После этого газ изохорически перевели в конечное состояние. Зная, что температура газа в конечном состоянии в $k = 1,2$ раза превышает его температуру в начальном состоянии и что полное количество теплоты, которым обменялся газ с внешними телами, равно нулю, найти отношение максимального давления газа к минимальному в этом процессе.

Задание 3:

Вопрос: Резистор и идеальный диод соединены последовательно и подключены к полюсам источника, величина напряжения которого остается постоянной, а полярность изменяется на противоположную каждую секунду. Как изменится тепло, выделяющееся в резисторе за 10 секунд, если его с тем же диодом подключить к полюсам этого источника параллельно?

Задача: В схеме, показанной на рисунке слева, диод D не является идеальным – его вольтамперная характеристика показана на рисунке справа. Все источники одинаковы, их внутреннее сопротивление равно r , а сопротивление резистора $R = 2r$. Найдите зависимость мощности тепловыделения в резисторе от величины ЭДС источников.



Пороговое напряжение диода U_0 считать известным.

Задание 4:

Вопрос: Чему может быть равно увеличение (отношение размера изображения к размеру предмета), даваемое тонкой рассеивающей линзой?

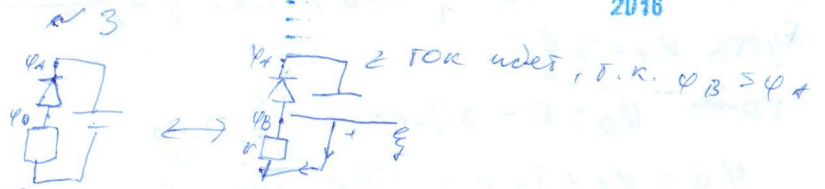
Задача: Точечный источник света размещен на главной оптической оси тонкой рассеивающей линзы. Расстояние между источником и его изображением равно L_1 . Если передвинуть источник в точку, где находится его изображение, то изображение сместится в ту же сторону на расстояние L_2 . Найти оптическую силу линзы (напомним, что у рассеивающей линзы она считается отрицательной).

76-55-31-89
(178.4)

Страница 11 [Школьник]

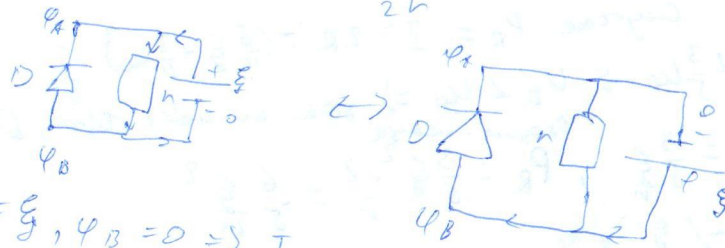
Вопрос:

1) Комбинировано:



Где за 10 секунд время выделится только тогда, когда $I_r > 0$ - ток через резистор $\rightarrow 0$ - это только в течение 5 секунд.
 $P(I_r > 0) = \frac{\xi^2}{r}$ - 3-м доходе - лемма
 $P(I_r = 0) = 0 \Rightarrow \langle P_r \rangle$ за 10 с = $\frac{\xi^2}{2r}$

2) Параллельно:



в 1 случае $\phi_A = \xi, \phi_B = 0 \Rightarrow I_D = 0 \Rightarrow$ весь ток через r
 $\Rightarrow P_r(I_r > 0) = \frac{\xi^2}{r}$ - 3-м доходе - лемма
 во 2 случае $\phi_A = 0, \phi_B = \xi \Rightarrow$ ток через диод идет, $r_D = 0$
 тогда $P_r = 0$.
 таких моментов поговима - 5 секунд $I_r > 0$, 5 секунд
 $I_r = 0 \Rightarrow \langle P_r \rangle$ за 10 секунд = $\frac{\xi^2}{2r}$
 Видно, что не изменяется.

5	82
4	5
3	5
2	5
1	4
	14
	19
	20

Оценка: 82
Баллы

Задача. Пусть $U_D = U_0, I_3 k : I = I_1 + I_2$ (1)
 $I_3 k$ для левого контура:
 $3\xi = 3I_1 r + 2I_1 n$ (2)
 $I_3 k$ для правого контура:
 $3\xi - \xi = 3I_2 r + U_0 - I_2 n$ (3)

(1) \rightarrow (2): $3\xi = 5I_1 r + 2I_2 n$
 (3) $\cdot 2 + 2$: $3\xi + 4\xi = 5I_1 r + 6I_2 r + 2U_0$
 $I_1 = \frac{7\xi - 2U_0}{11r}$ (4)
 \Rightarrow По (2) $2I_2 n = \frac{12\xi}{11} + \frac{6}{11} U_0$
 $I_2 = \frac{5}{11} \frac{U_0}{r} - \frac{1}{11} \frac{\xi}{r}$
 Пусть $\phi_A = 3\xi$
 Тогда $\phi_D = 0 - 3r I_1 = + \frac{3U_0}{11} - \frac{21\xi}{11}$
 Тогда $\phi_C = I_2 r + \phi_D = \frac{5}{11} U_0 - \frac{22\xi}{11} = \frac{U_0}{2} - 2\xi, \phi_B = \phi_C + \xi = \frac{U_0}{2} - \xi$

10

$$U_D = \varphi_A - \varphi_B = 4\xi - \frac{U_0}{2} > U_0, \text{ т.е. } \xi > \frac{3}{2}U_0$$

Пусть $\varphi_A = 3\xi$

Тогда $\varphi_D = 0 - 3I_1 r = -\frac{7\xi}{11} + \frac{2U_0}{11}$

$$\varphi_C = \varphi_D + I_2 r = -\frac{7\xi}{11} + \frac{2U_0}{11} + \frac{1}{11}U_0 - \frac{1}{11}\xi = \frac{7}{11}U_0 - \frac{8}{11}\xi$$

$$\varphi_B = \varphi_C + \xi = \frac{7}{11}U_0 + \frac{3}{11}\xi$$

$$U_D = \varphi_A - \varphi_B = 3\xi - \frac{7}{11}U_0 - \frac{3}{11}\xi = \frac{30}{11}\xi - \frac{7}{11}U_0 > U_0$$

$$\frac{30}{11}\xi > \frac{18}{11}U_0, \xi > \frac{3}{5}U_0$$

В этом случае $P_R = I^2 \cdot 2R = (\frac{6}{11}\xi + \frac{3}{11}U_0)^2 \cdot 2$ — ток движется влево
 Пусть $\xi < \frac{3}{5}U_0 \rightarrow U_D < U_0 \Rightarrow$ ток не идет через D. 3-но D на: Движение — влево

$I = 3\xi$
 $\frac{30}{11}\xi = \frac{3}{5}U_0, P_R = \frac{3}{5}\xi^2 \cdot 2 = \frac{6}{5}\frac{\xi^2}{r}$

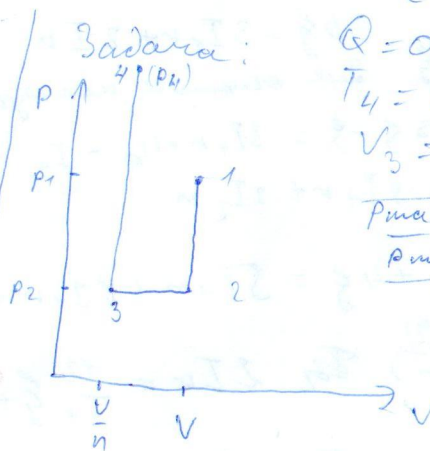
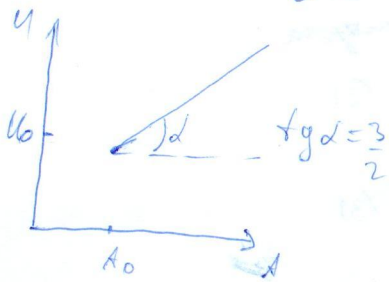
Ответ: $\left\{ \begin{array}{l} \xi > \frac{3}{5}U_0 \\ P = (\frac{6}{11}\xi + \frac{3}{11}U_0)^2 \cdot \frac{2}{r} \end{array} \right.$
 $\left\{ \begin{array}{l} \xi < \frac{3}{5}U_0 \\ P = \frac{6}{5}\frac{\xi^2}{r} \end{array} \right.$

$\mu 2$
 $\rho \uparrow$
 $\frac{1}{V_0} \rightarrow V$
 $A = \int p(v) dv = \int p(v) dv = p(V - V_0)$
 $U = 3 \int p v dt = 3 p V_0$ — медл. — квадратиче

Вопрос: U_0 — барьерный макс. $\Rightarrow A = p(V - V_0), U = \frac{3}{2} p V$ — огибающ. макс.

$$U = \frac{3}{2} A + \frac{3}{2} p V_0. \text{ Тогда } A_0, U_0: \frac{3}{2} p V_0 = U_0 - \frac{3}{2} A_0$$

Тогда $U(A) = \frac{3}{2} A + U_0 - \frac{3}{2} A_0$ — прямая, вых. из (A_0, U_0) с тангенсом $\frac{3}{2}$



$Q = 0$
 $T_4 = k T_1$
 $V_3 = \frac{V}{n}$
 $\frac{p_{max}}{p_{min}} = ?$

Дано, что $A_{max} = p_4, p_{min} = p_2 = p_3$
 $T_4 = k T_1$ — Менделеев-Клапейрон $p = \text{const}$:
 $p_4 V_4 = k p_1 V_1; p_4 \frac{V}{n} = k p_1 V. p_4 = nk p_1$

76-55-31-89
(178.4)

Страница 2 / Михайлов

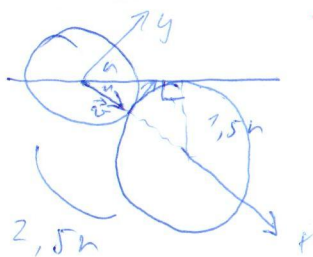
ОЛИМПИАДА ПГУ

2016

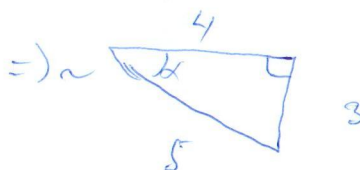
Октябрь?

⇒ они разлетятся под 90° , т.к. $\vec{y} \perp \vec{x}$

Задача:



$(2,5v)^2 = (1,5v)^2 + (2v)^2$ - т. БиФарма



по y не изм: будет башо y, m^4 и v .

тогда $v_y = v \sin \alpha = \frac{3}{5} v = \text{const.}$

$v_{y2} = 0 = \text{const.}$

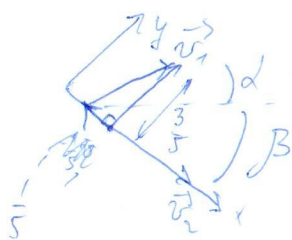
по x как центр:

$v_1 = 2v_c - v = 2 \cdot mv$

$v_2 = 2v_c - 0 = 2 \cdot mv$ $\frac{2,5mv}{5} = \frac{1}{2} v$

$m \sim \frac{2!}{1}$

вычисляете такие катеты:



д соответ. 1 шаг β , β - раз.

$\sin(\alpha + \beta) = \frac{3}{\sqrt{10}}$

$\sin \beta = \frac{3}{5}$

$\sin(\alpha + \beta) = \frac{3}{\sqrt{10}} = \sin \alpha \cdot \frac{4}{5} + \cos \alpha \cdot \frac{3}{5}$

$13 \sin^2 \alpha - 48 \sin \alpha \cos \alpha + 27 \cos^2 \alpha = 0$

$\text{tg} \alpha = 3, \frac{9}{13}$

или, т.к. $\text{tg}(\alpha + \beta) = 3$

⇒ $\text{tg} \alpha = \frac{9}{13}$

Ответ: разл. под углами $\alpha = \arctg \frac{9}{13}$ и $\beta = \arcsin \frac{3}{5}$

по ИТД

$$Q = Q_{12} + Q_{23} + Q_{34} = \Delta U_{12} + \Delta U_{23} + \Delta U_{34} + A_{23} =$$

$$= \Delta U_{14} + A_{23} = 0, \text{ т.к. } A_{12} = 0, A_{34} = 0 \text{ (} \mu = \text{const, } dV = 0 \text{)}$$

$$\Delta U_{14} = \frac{3}{2} \nu R (T_4 - T_1) = \frac{3}{2} p_1 V_1 (k-1)$$

$$A_{23} = n p_2 \left(\frac{V}{n} - V \right)$$

$$\frac{3}{2} p_1 (k-1) = p_2 \left(1 - \frac{1}{n} \right)$$

$$p_2 = \frac{p_1 (k-1) n}{n-1} \cdot \frac{3}{2}$$

$$p_4 = nk p_1; \quad p_2 = \frac{n}{(n-1)} (k-1) \frac{3}{2} p_1$$

Подставим числа, чтобы было ясно, какой p макс, какой.

$$p_4 = 3,6 p_1, \quad p_2 = \frac{3}{2} \cdot \frac{3}{2} \cdot 0,2 p_1 = \frac{3}{2} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{2}{5} p_1 = \frac{9}{10} p_1$$

Очевидно $\Rightarrow p_4$ не может быть, т.к. $p_2 < p_4, p_1 < p_4, p_3 < p_4$.

$$p_4 = p_{\text{max}} \Rightarrow \text{бр } p_1.$$

$p_2 = p_{\text{min}} = 0,9 p_1$ - минимальное тоже не может быть (рV - график)

$$\Rightarrow \frac{p_{\text{max}}}{p_{\text{min}}} = \frac{3,6}{0,9} = 4 \quad \text{ответ: } 4.$$

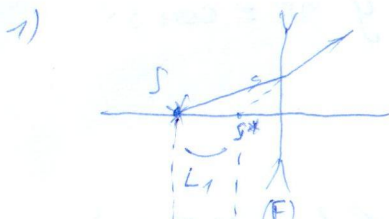
$\Gamma = \frac{d|A|}{|A| d}$ Ф-ла точкой линзы: $\frac{1}{F} = \frac{1}{d} - \frac{1}{|f|}$, т.к. изобр. с той же стороны, то и предмет и изображение.

$$\frac{1}{|f|} = \frac{1}{d} + \frac{1}{F}; \quad |f| = \frac{dF}{d+F}$$

$$\Rightarrow \Gamma = \frac{dF}{d(d+F)} = \frac{F}{d+F} \cdot d \in (0, \infty) \Rightarrow \Gamma \in (0, 1)$$

$$(\Gamma(\infty) = \frac{1}{\infty} = 0, \Gamma(0) = 1), \text{ в остальных } 0 < \frac{F}{d+F} < 1$$

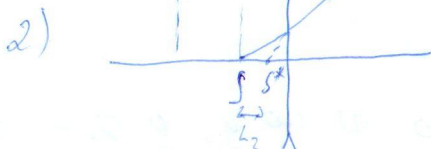
Задача:



$$L_1 = d_1 - |f|$$

Ф-ла т. линзы:

$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{d_1} - \frac{1}{|f|}$$



$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{d_2} - \frac{1}{|f_2|}; \quad d_2 = |f_2| \text{ по укл. в ту же точку.}$$

$$L_2 = d_2 - |f_2| = |f_1| - |f_2|$$

$$d_1 = L_1 + |f_1| \Rightarrow -\frac{1}{F} = +\frac{1}{L_1 + |f_1|} - \frac{1}{|f_1|}$$

$$d_2 = |f_2| = |f_1| - L_2$$

$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{|f_1|} - \frac{1}{|f_1| - L_2}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{|f_1|} = \frac{1}{|f_1| - L_2} - \frac{1}{L_1 + |f_1|}$$

$$\frac{2}{|f_1|} = \frac{L_1 + L_2}{(|f_1| - L_2)(L_1 + |f_1|)}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{F} = \frac{L_2}{|f_1|(|f_1| - L_2)} = \frac{L_1}{(L_1 + |f_1|)(|f_1|)}$$

$f_1 \neq 0$ - иначе между ними бы двинулось

$$\Rightarrow |f_1| L_1 - L_1 L_2 = L_1 L_2 + |f_1| L_2$$

$$|f_1| = \frac{2L_1 L_2}{L_1 - L_2} > 0, \text{ т.к. } L_1 > L_2$$

$$d_1 = L_1 + \frac{2L_1 L_2}{L_1 - L_2}$$

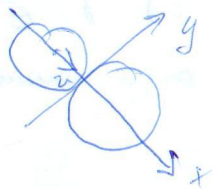
$$\frac{1}{F} = \frac{L_1}{(L_1 + \frac{2L_1 L_2}{L_1 - L_2}) (\frac{2L_1 L_2}{L_1 - L_2})}$$

$$= \frac{L_1 (L_1 - L_2)^2}{(L_1 + L_2) \cdot 2L_1 L_2}$$

$$\Rightarrow D = -\frac{1}{F} = -\frac{L_1 (L_1 - L_2)^2}{2(L_1 + L_2)L_1 L_2}$$

Ответ:

Вопрос:



3СМ и 3СЭ движутся по x - как выходящий удар. по y $v = \text{const}$.

Если $\vec{v} = v_x \vec{i} + v_y \vec{j}$ - y 1 шаг влево.

Смотрим по x:

так как сум $v_{1x} \rightarrow -v_{2x}$ - удар в СЦМ \equiv удар со стеной $\Rightarrow v_{1x} = 2v_c - v_1$

$$v_1 = 2v_c - v = 2 \cdot \frac{v}{2} - v = 0$$

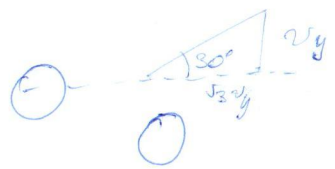
$$v_2 = 2v_c - v = v$$

у 1 шаг влево только v по y, у 2 - только по x

76-55-31-89
(178.4)

Олимпиада ПВГ
2016

Уравнения



но у такое же.
Г.е.

$$\frac{p_1^2}{2m} + \frac{p_2^2}{2m} = \frac{p^2}{2m}$$

баша $v_1, c = \frac{v}{2}$
станет $\frac{v}{2}$

у кос $\frac{v}{2} = v_2 c$, сечеме

$v_c = \text{const.}$

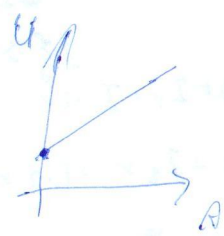
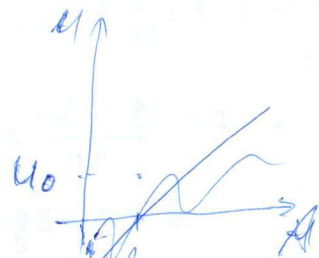
$m v_{1x} + m v_{2x} = m v_x$

$v_{1y} = v_{2y}$



$U = c v \Delta T$

$U = \frac{3}{2} p v_0$
 $A = p(V_0 - v_0)$

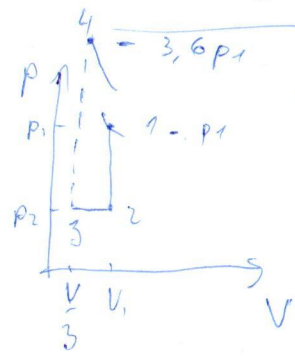


$A = \frac{2}{3} U - p_0 v_0 = \frac{2}{3} U - \frac{2}{3} U_0$

$U_0 = \frac{3}{2} p v_0$

$U = \frac{3}{2} A + p v_0 = \frac{3}{2} A + \frac{3}{2} U_0$

$A_0 = \frac{2}{3} U_0 - \frac{2}{3} U_0$



$1/2 p_1 V_2 = p_4 V_4 = p_4 \frac{V}{3}$

$T_4 = 1,2 T_1$

$p_4 \frac{V}{3} = 1,2 p_1 V$

$= \Delta U_{12} + A_{23} = \frac{3}{2}(k-1) p_1 V \frac{1}{3}$
 $= \frac{3}{2}(k-1) p_1 k V + (k-1) p_2 V = 0$

$Q = Q_{12} + Q_{23} + Q_{34} = 0 - \frac{3}{2} V (p_1 - p_2) - \frac{5}{2} p_2 \cdot \frac{2}{3} V$
 $+ \frac{15}{2} (3,6 p_1 - p_2) \frac{V}{3} = 0$

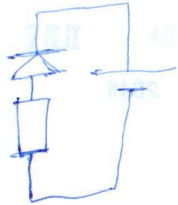
$-\frac{3}{2} p_1 V + \frac{3}{2} p_2 V - \frac{5}{3} p_2 V + 1,8 p_1 V - p_2 V = 0$

$0,3 p_1 = \frac{2}{3} p_2 + \frac{5}{3} p_2$

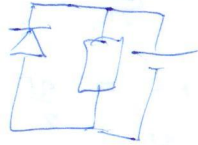
$0,3 p_1 = \frac{7}{3} p_2$

$p_2 = \frac{0,9}{7} p_1$

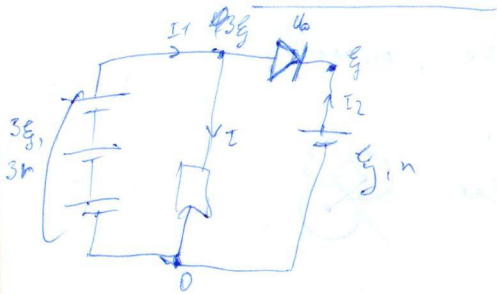
$\frac{0,9}{11} = \frac{1}{44}$
 $p_2 = \frac{2}{3} p_1$



в.с. $\frac{\epsilon^2}{r} \cdot 5$
или $\frac{\epsilon^2}{r} \cdot 5$



10. - алдыз реж. минимал
2 - бөлі
 $\frac{\epsilon^2}{r} \cdot 5$ минимал



$2\epsilon < U_0$:

не идет.

$I = \frac{3\epsilon}{3r+2r} = \frac{3}{5} \epsilon$

или $P = I^2 R = \frac{9}{25} \frac{\epsilon^2}{r} \cdot 2r = \frac{18}{25} \frac{\epsilon^2}{r}$

$2\epsilon > U_0$:

левый: $3\epsilon = 3rI_1 + I \cdot 2r$

правый: $\epsilon = -U_0 + I_2 r + I \cdot 2r$

$I = \frac{3\epsilon - 3I_1 r}{2r} = I_1 + I_2$

$2\epsilon = 3rI_1 + U_0 - I_2 r$

$I_1 r = 3\epsilon - 5$

$2\epsilon = 3I_1 r + U_0 - \frac{3\epsilon}{2} - 2,5I_1 r$

$I_2 r = \frac{3\epsilon - 5I_1 r}{2}$

$\epsilon = I_1 r + U_0$

$I_1 r = \epsilon - U_0$

$I_2 r = \frac{3\epsilon - 5(\epsilon - U_0) + 10U_0}{2} = \frac{5}{2} U_0 - \epsilon$

$I_1 r = \epsilon - 2U_0 + 5U_0 - \epsilon = 3U_0$

$P = \frac{9U_0^2}{r} \cdot 2 = \frac{18U_0^2}{r}$

$$m^2 = m^2 + m^2 + m^2 + m^2$$

$$v^2 = v^2 + v^2 + v^2 + v^2$$

$$v^2 = v^2 + v^2 + v^2 + v^2$$



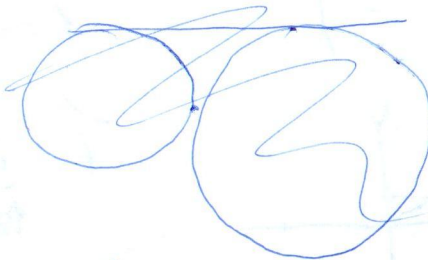
ноу в гр. с:

$$a_{sc} = \text{const} = \frac{v}{2}$$

вал в гр. т.к. 100%



вспомог.



$$\sin \alpha = \frac{3}{5}$$

~~у того будет~~

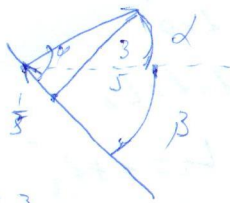
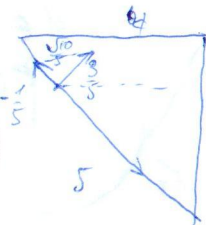
у этого:

как в центральных: $v_c = \frac{v}{2.5}$, для $\sin \alpha = \frac{4v - v}{5} = \frac{3v}{5}$

но x.

$$y \text{ 4,5m} = 2v_c = \frac{4v}{5}$$

r.e.



$$s = \frac{3}{2} = \frac{\sqrt{10}}{2} \sin \alpha$$

$$p = d + \beta \cdot \sin \beta = \frac{3}{5}$$

$$\frac{3}{\sqrt{10}} = \sin \alpha \cdot 4 + \cos \alpha \cdot \frac{3}{5}$$

$$\frac{9}{10} = \frac{16 \sin^2 \alpha + 9 \cos^2 \alpha}{25} + \frac{24 \sin \alpha \cos \alpha}{25}$$

$$4,5 \sin^2 \alpha + 4,5 \cos^2 \alpha =$$

$$\frac{13}{10} \sin^2 \alpha + \frac{27}{10} \cos^2 \alpha$$

$$\sqrt{26 - 35i} = 2,25$$

$$s = \frac{+24 \pm 15}{13} = \frac{9}{13}$$

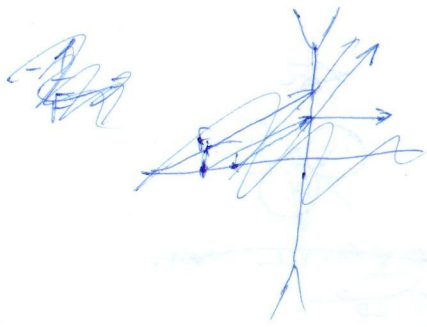
$$4,5 \sin^2 \alpha + 4,5 \cos^2 \alpha =$$

$$-2R^2 + 18c^2 + 48sc$$

$$13s^2 + 27c^2 + 48sc = 0$$

$$17 \frac{9s^2}{13} - 27 \frac{9c^2}{13} + 48 \frac{9sc}{13} = 0$$

$$s = \frac{+24 \pm 15}{13} = \frac{9}{13}$$



$\Gamma = \infty$ - фокус

$f_1, f_2(0, \infty)$

$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}$$

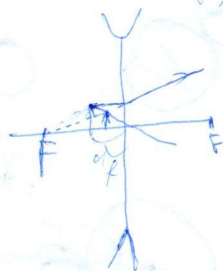
или $d=0; f = -\frac{1}{F}$

more Φ ближе до 0.

$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{F} + \frac{1}{f}$$

$$f = -\frac{F}{2}$$

$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}$$



(9d)?

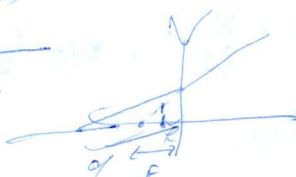
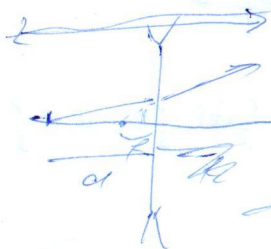
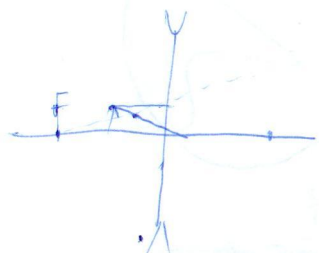
$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}$$

$$d = \frac{1}{\frac{1}{F} + \frac{1}{f}}$$

$$f = \frac{Fd}{F+d}$$

$$\Gamma = -\frac{d}{d} = + \frac{fd}{d(F+d)} = + \frac{F}{F+d}$$

$d \in \text{от } 0, \infty$
 $f \in (0, 1)$



$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}$$

$f < 0$

$$d + f = L_1$$

$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{f} - \frac{1}{f_2}$$

$$L_2 = f + f_2$$

$$L_2 - L_1 = f_2 - f_1$$

$$-\frac{2}{F} = \frac{1}{d} - \frac{1}{f_2} = \frac{1}{d} - \frac{1}{L_2 - L_1 + f} = \frac{2}{d} - \frac{2}{L_2}$$

$$d - |f_1| = L_1$$

$$d = L_1 + |f_1|$$

$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{d} - \frac{1}{|f_1|}$$

$$F = \frac{d|f_1|}{L_1}$$

$$L_2 = |f_1| - |f_2|$$

$$-\frac{1}{F} = \frac{1}{|f_1|} - \frac{1}{|f_1| - L_2}$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{|f_1| - L_2} - \frac{1}{|f_1|} = \frac{L_2}{|f_1|(|f_1| - L_2)}$$

$$|f_1| = \frac{2L_1L_2}{L_1 - L_2}; F = \frac{2L_1L_2(L_1 + 2L_1L_2)}{(L_1 - L_2)L_1}$$

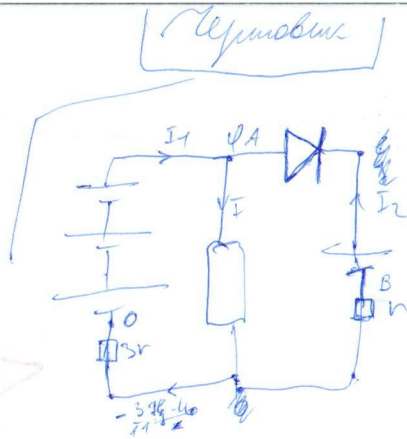
$$F = \frac{|f_1|(L_1 + |f_1|)}{L_1} = \frac{|f_1|(|f_1| - L_2)}{L_1}$$

$$1 + \frac{|f_1|}{L_1} = \frac{L_2}{|f_1|} - 1$$

$$= 2L_1L_2 \frac{(L_1 + L_2)}{(L_1 - L_2)^2}, \mu = -\frac{1}{F}$$

76-55-31-89
(178-4)

$\eta = 3, \frac{2}{13}$
 $\eta = \frac{2}{13}$



$\mathcal{U}_D > \mathcal{U}_0$

$$3\mathcal{E} = 3rI_1 + 2I_1r = 3rI_1 + 2rI_1 + 2rI_2 = 5rI_1 + 2rI_2$$

$$3\mathcal{E} - \mathcal{U}_0 = I_1 \cdot 3r - I_2 r$$

$$2\mathcal{E} = \mathcal{U}_0 + 3I_1 r - I_2 r$$

$$\mathcal{E} = \mathcal{U}_0 + I_1 r$$

$$I_1 = \frac{\mathcal{E} - \mathcal{U}_0}{r}$$

$$I = I_1 + I_2$$

$$I_2 = \frac{6\mathcal{E}}{11r} + \frac{3\mathcal{U}_0}{22r} - \frac{\mathcal{E} - \mathcal{U}_0}{r} = \frac{5\mathcal{U}_0}{22r} - \frac{\mathcal{E}}{11r}$$

$$3\mathcal{E} = \frac{3}{11} \cdot \frac{6\mathcal{E}}{11r} - \frac{3}{11} \cdot \frac{\mathcal{U}_0}{22r} + 2I_2 r = \frac{5}{22} \mathcal{U}_0 - \frac{\mathcal{E}}{11r}$$

$$\frac{12}{11} \mathcal{E} + \frac{3}{11} \mathcal{U}_0 = 2I_2 r, \quad I_2 = \frac{6}{11r} \mathcal{E} + \frac{3}{22r} \mathcal{U}_0$$

$$2I_2 r = \varphi_A + \frac{2}{11} \mathcal{E} - \frac{3}{11} \mathcal{U}_0$$

$$\varphi_A = \frac{6}{11} \mathcal{U}_0 - \frac{\mathcal{E}}{11r}$$

$$\varphi_B = \left(\frac{5}{22} \mathcal{U}_0 - \frac{\mathcal{E}}{11r} \right) r = \varphi_B + \frac{2}{11} \mathcal{E} - \frac{\mathcal{U}_0}{11r}$$

$$\varphi_B = \frac{7}{22} \mathcal{U}_0 - 2\mathcal{E}$$

$$\varphi_A - \varphi_B = \frac{5}{22} \mathcal{U}_0 + \frac{2}{11} \mathcal{E} > \mathcal{U}_0$$

$$\frac{2}{11} \mathcal{E} > \frac{17}{22} \mathcal{U}_0$$

$$\mathcal{E} > \frac{17}{4} \mathcal{U}_0$$

$$I = \frac{6\mathcal{E}}{11r} + \frac{3}{22r} \mathcal{U}_0$$

$$\left(\frac{6\mathcal{E}}{11r} + \frac{3}{22r} \mathcal{U}_0 \right)^2 = 2r$$

$$\mathcal{E} + \mathcal{U}_0 - \frac{5}{22} \mathcal{U}_0 + \frac{\mathcal{E}}{11r}$$



Handwritten mathematical notes and diagrams in blue ink, including a large red outline, a right-angled triangle, and a circle with internal lines.

Top left text: $AD \perp BC$, $AD = 12$, $BD = 16$, $DC = 9$

Triangle diagram with vertices A, B, C and altitude AD . Right angle at D .

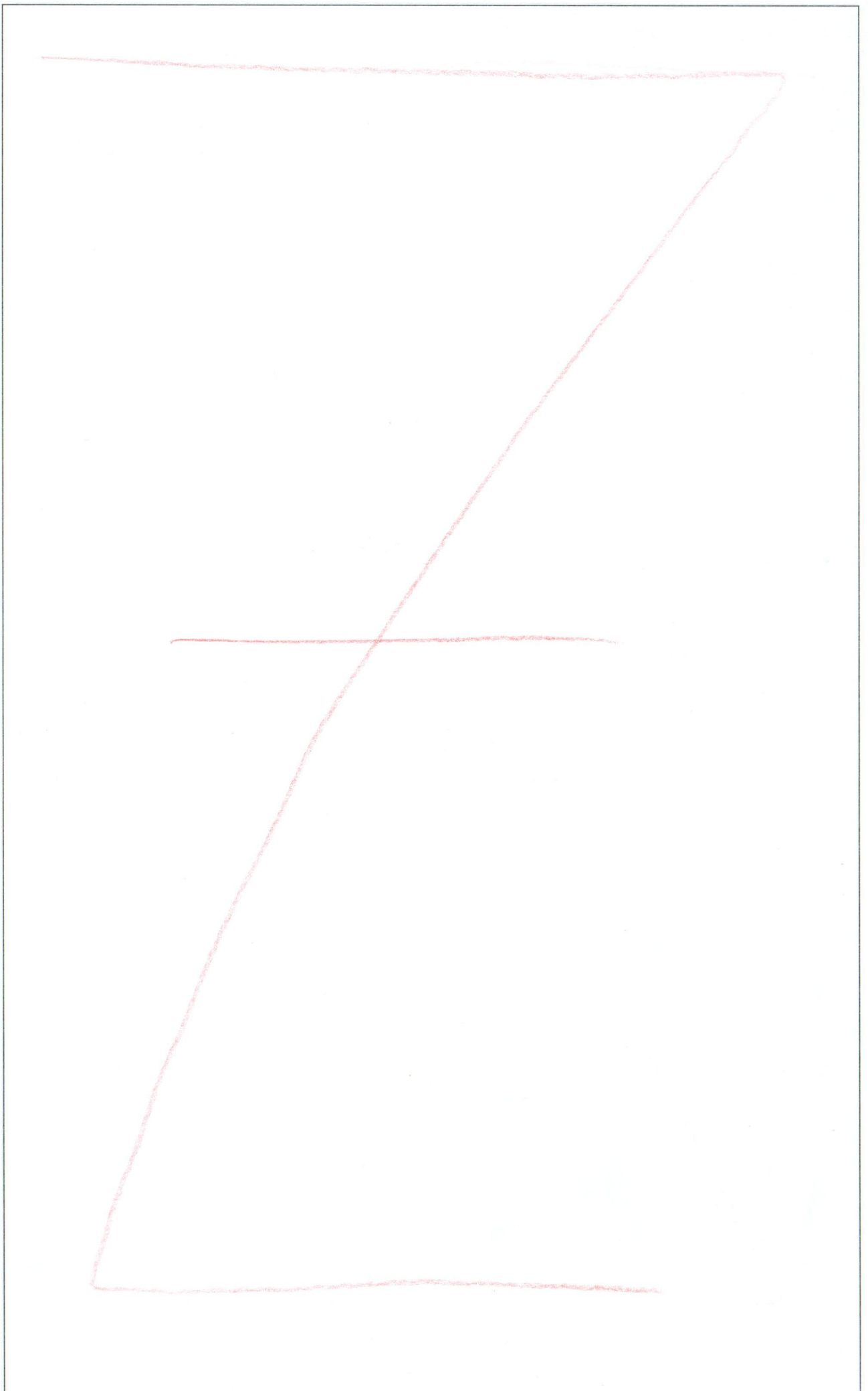
Circle diagram with center O and radius r . A horizontal line passes through O . A vertical line segment AB is drawn from the top of the circle to the horizontal line, with O as its midpoint. A right angle is marked at the intersection of AB and the horizontal line.

Equations and notes:

- $AD^2 = BD \cdot DC$
- $12^2 = 16 \cdot 9$
- $144 = 144$
- $AD = \sqrt{BD \cdot DC}$
- $AD = \sqrt{16 \cdot 9}$
- $AD = \sqrt{144}$
- $AD = 12$

Bottom right diagram: A right-angled triangle with legs $AD = 12$ and $BD = 16$, and hypotenuse AB . A vertical line segment AO is drawn from A to the horizontal line, with O as its midpoint. A right angle is marked at O .

ЛИСТ-ВКЛАДЫШ



Подписывать лист-вкладыш запрещено! Писать на полях листа-вкладыша запрещено!

ЛИСТ-ВКЛАДЫШ



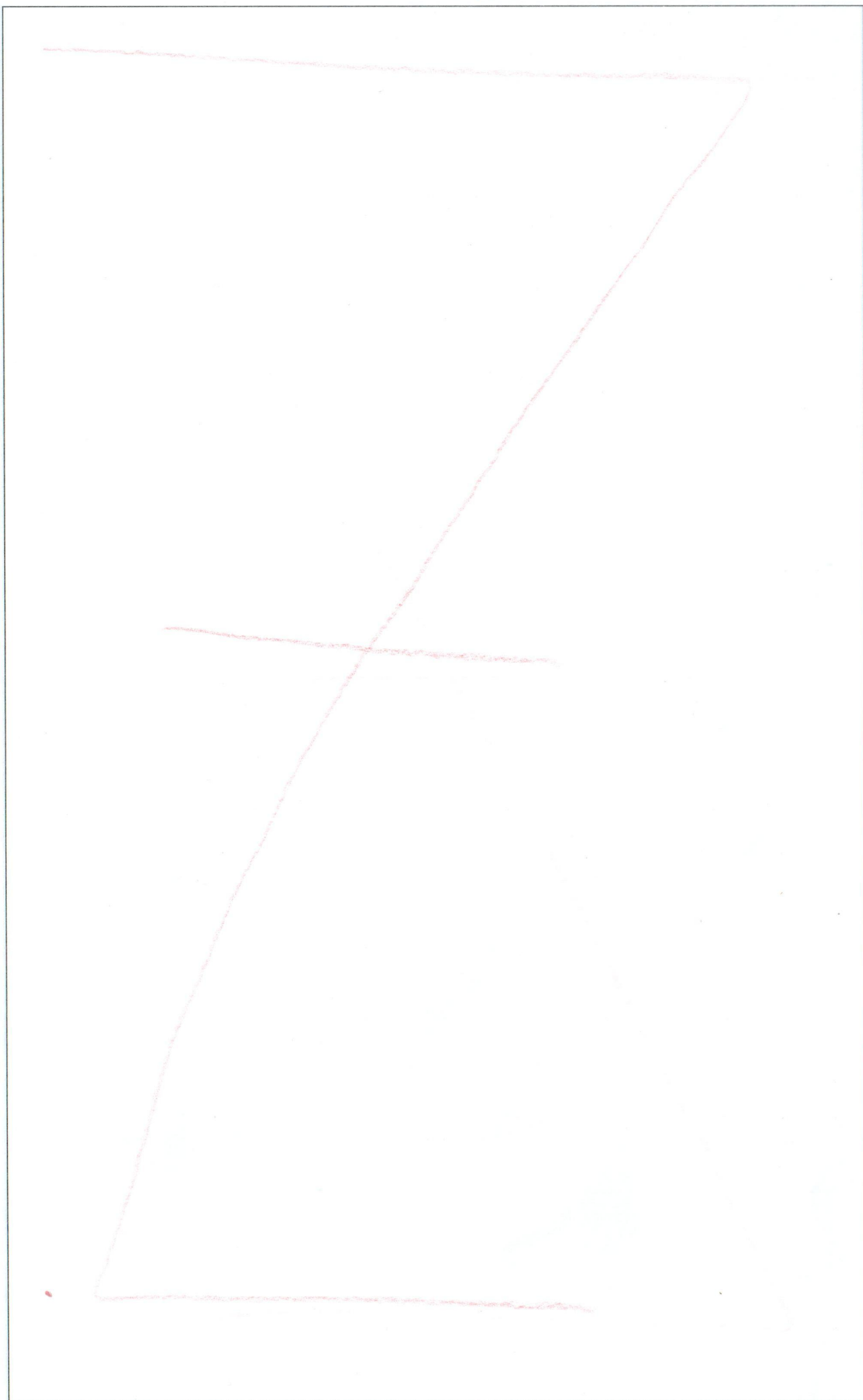
Подписывать лист-вкладыш запрещено! Писать на полях листа-вкладыша запрещено!

ЛИСТ-ВКЛАДЫШ



Подписывать лист-вкладыш запрещено! Писать на полях листа-вкладыша запрещено!

ЛИСТ-ВКЛАДЫШ



Подписывать лист-вкладыш запрещено! Писать на полях листа-вкладыша запрещено!