

**МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА**

Вариант С-2

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников „Покори Воробьёвские горы“
наименование олимпиады

~~по математике~~

по математике
профиль олимпиады

Горячева Ивана Сергеевича

фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

+1 мет ППЧ-

Шифр	Сумма	1	2	3	4	5	6	7	8
13-38-12-98	80	20	20	20	20	0	0		

Мей
Мей

№ 1

методом

85 (восемьдесят пять)

Метрически по оценкам

$$1 - \sqrt{2} \cdot \cos x (\sin x + 2 \cos x) + \sqrt{2} \sin x (2 \sin x - \cos x) = 2 \sin^2(x + \frac{\pi}{8})$$

$$1 - 2 \sin^2(x + \frac{\pi}{8}) = \sqrt{2} (\cos x \cdot \sin x + 2 \cos^2 x - 2 \sin^2 x + \sin x \cos x)$$

$$\cos(2x + \frac{\pi}{4}) = \sqrt{2} (\sin 2x + 2 \cos 2x)$$

$$\cos(2x + \frac{\pi}{4}) = \sqrt{2} \sin 2x + 2\sqrt{2} \cos 2x$$

~~Преобразуем правую часть отдельно,
заменив $2x$ на d :~~

~~$$\sqrt{2} \sin d + 2\sqrt{2} \cos d = \sqrt{10} (\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{10}} \sin d + \frac{\sqrt{8}}{\sqrt{10}} \cos d) =$$~~

$$\cos 2x \cdot \cos \frac{\pi}{4} - \sin 2x \sin \frac{\pi}{4} = \sqrt{2} \sin 2x + 2\sqrt{2} \cos 2x$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \cos 2x - \frac{\sqrt{2}}{2} \sin 2x = \sqrt{2} \sin 2x + 2\sqrt{2} \cos 2x$$

$$\cos 2x - \sin 2x = 2 \sin 2x + 4 \cos 2x$$

$$3 \sin 2x = -3 \cos 2x$$

$$1) \cos 2x = 0 \Rightarrow \sin 2x = \pm 1$$

$$\Rightarrow \pm 3 = 0 \text{ — неверно}$$

$$\Rightarrow \cos 2x \neq 0 \Rightarrow$$

\Rightarrow разделим обе части
на $3 \cos 2x$

$$\frac{\sin 2x}{\cos 2x} = -1$$

$$\operatorname{tg} 2x = -1$$

$$2x = \frac{3\pi}{4} + \pi k, \quad k \in \mathbb{Z}$$

$$x = \frac{3\pi}{8} + \frac{\pi k}{2}$$

Ответ: $x = \frac{3\pi}{8} + \frac{\pi k}{2}, \quad k \in \mathbb{Z}$

№3

истовик

$$x^3 + 6x^2 + 7x + 1 = 0$$

По Т. Виета (~~уже~~ уже известно из условия, что они есть):

$$\begin{cases} x_1 x_2 x_3 = -1 \\ x_1 x_2 + x_2 x_3 + x_1 x_3 = 7 \\ x_1 + x_2 + x_3 = -6 \end{cases}$$

По Т. Виета для многочлена $x^3 + ax^2 + bx + c = 0$ с корнями $x_1 + x_2, x_2 + x_3, x_1 + x_3$:

$$\begin{cases} (x_1 + x_2)(x_2 + x_3)(x_1 + x_3) = -c \\ (x_1 + x_2)(x_2 + x_3) + (x_1 + x_2)(x_1 + x_3) + (x_2 + x_3)(x_1 + x_3) = b \\ \cancel{x_1 + x_2 + x_1 + x_3 + x_2 + x_3} = -a \end{cases}$$

$$\begin{cases} (\cancel{x_1 + x_2 + x_3 - x_3})(x_1 + x_2 + x_3 - x_1)(x_1 + x_2 + x_3 - x_2) = -c \\ x_1 x_2 + x_1 x_3 + x_2^2 + x_2 x_3 + x_1^2 + x_2 x_1 + x_2 x_3 + x_1 x_3 + x_3^2 + x_1 x_2 + x_2 x_3 + x_1 x_3 = b \\ 2(x_1 + x_2 + x_3) = -a \end{cases}$$

$$\begin{cases} (-6 - x_3)(-6 - x_1)(-6 - x_2) = -c \\ 2(x_1 x_2 + x_2 x_3 + x_1 x_3) + x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + x_1 x_2 + x_2 x_3 + x_1 x_3 = b \\ 2 \cdot (-6) = -a \end{cases}$$

$$\begin{cases} \cancel{6^3 + 36(x_1 + x_2 + x_3) + 6(x_1 x_2 + x_2 x_3 + x_1 x_3) + x_1 x_2 x_3 = c} \\ 6^3 + 36(x_1 + x_2 + x_3) + 6(x_1 x_2 + x_2 x_3 + x_1 x_3) + x_1 x_2 x_3 = c \\ (x_1 + x_2 + x_3)^2 + x_1 x_2 + x_2 x_3 + x_1 x_3 = b \end{cases}$$

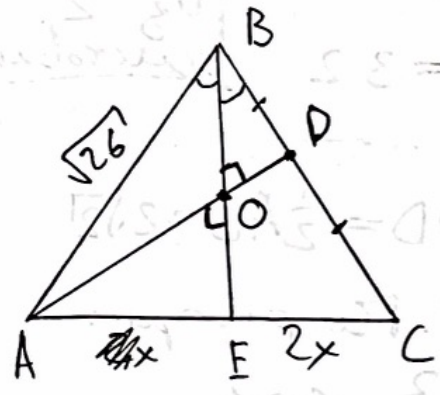
$$a = 12$$

$$\begin{cases} c = 216 + 36 \cdot (-6) + 6 \cdot 7 - 1 = 41 \\ b = 36 + 7 = 43 \\ a = 12 \end{cases}$$

Ответ: $a = 12; b = 43; c = 41$

13-38-12-98
(123.3)

№4 (мест 1 решение)
из 2 листов

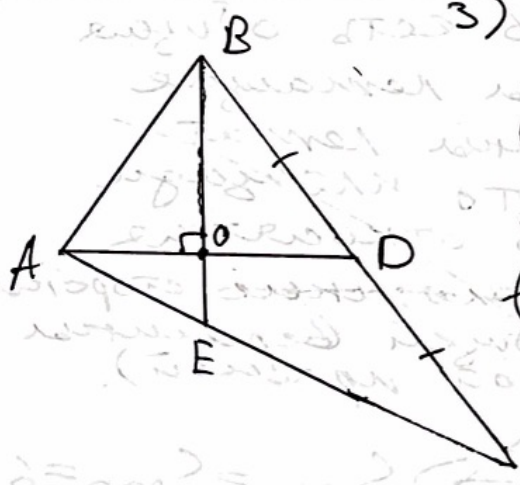


1) в $\triangle ABD$:
 BO - ~~выс~~ биссектриса и ~~выс~~ биссектриса
 \Rightarrow по признаку $\triangle ABD$ - р/с
 $\Rightarrow BD = AB = \sqrt{26}$
 $\Rightarrow DC = \sqrt{26} \Rightarrow BC = 2\sqrt{26}$
 (т.к. AD - медиана $\triangle ABC$)

2) По свойству биссектрисы
 треугольника $\triangle ABC$ и
 биссектрисы BE :

$$\frac{AE}{EC} = \frac{AB}{BC} \Rightarrow \frac{1.5x}{2x} = \frac{\sqrt{26}}{2\sqrt{26}} \Rightarrow$$

\Rightarrow Пусть $AE = 1.5x$, $EC = 2x$



3) По формуле галтели
 биссектрисы:

$$BE^2 = AB \cdot BC - AE \cdot EC$$

По формуле галтели
 медианы:

~~$$(2AD)^2 = 2AB^2 + 2AC^2 - BC^2$$~~

$$AD^2 = \frac{AB^2 + AC^2 - BC^2}{4}$$

$$AD = BE \Rightarrow$$

~~$$\Rightarrow AB \cdot BC - AE \cdot EC = AB^2 + AC^2 - \frac{BC^2}{2}$$~~

~~$$\sqrt{26} \cdot 2\sqrt{26} - 2x \cdot x = 26 + 9x^2 - \frac{4 \cdot 26}{2}$$~~

~~$$2 \cdot 26 - 2x^2 = 26 + 9x^2 - 2 \cdot 26$$~~

~~$$3 \cdot 26 = 11x^2$$~~

~~$$x^2 = \frac{3 \cdot 26}{11} \Rightarrow BE^2 = 2\sqrt{26} \cdot \sqrt{26} - 2x^2 = 2 \cdot 26 - \frac{6}{11} \cdot 26 = \frac{16}{11} \cdot 26 \Rightarrow BE = \frac{4\sqrt{26}}{\sqrt{11}}$$~~

~~$$\Rightarrow AD^2 = 26 + 3x^2 - 2 \cdot 26 =$$~~

~~$$\frac{26}{2} + \frac{3x^2}{2} - \frac{4 \cdot 26}{4} = 2 \cdot 26 - 2x^2$$~~

~~$$6.5x^2 = (1.5) \cdot 26 \Rightarrow x^2 = \frac{5}{13} \cdot 26 = 10 \Rightarrow x = \sqrt{10}$$~~

$$\Rightarrow AD^2 = \frac{26}{2} + \frac{9 \cdot 10}{2} - \frac{4 \cdot 26}{4} = \frac{26}{2} + 45 - 26 = 32$$

№4 мет 2
решения
из 2.
Удобно

$$\Rightarrow AD = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$$

$$ABD - \text{р/с} \Rightarrow BO - \text{мед} \Rightarrow OD = \frac{1}{2}AD = 2\sqrt{2}$$

\Rightarrow в пр/уг $\triangle BOD$: по Т. Пифагора:



$$BO^2 = BD^2 - OD^2 =$$

$$= 26 - 8 = 18$$

$$\Rightarrow BO = 3\sqrt{2}$$

$$\Rightarrow S_{BOD} = \frac{BO \cdot OD}{2} = \frac{3\sqrt{2} \cdot 2\sqrt{2}}{2} = 6$$

~~Если у треугольников есть общая вершина, а стороны лежащие напротив этой вершины лежат на одной прямой, то площади этих треугольников откосятся как эти противоположные стороны (лежащие напротив общей вершины и лежащие на одной прямой).~~

$$\Rightarrow 1) \frac{S_{ABO}}{S_{BOD}} = \frac{AO}{OD} = \frac{1}{1} \Rightarrow S_{ABO} = S_{BOD} = 6$$

(B - общая вершина
[AO], [OD] лежат
на (AD))

$$\Rightarrow S_{ABD} = S_{ABO} + S_{BOD} = 12$$

$$2) \frac{S_{ABD}}{S_{ACD}} = \frac{BD}{CD}$$

Медиана делит треугольник на два равновеликих трепз \Rightarrow

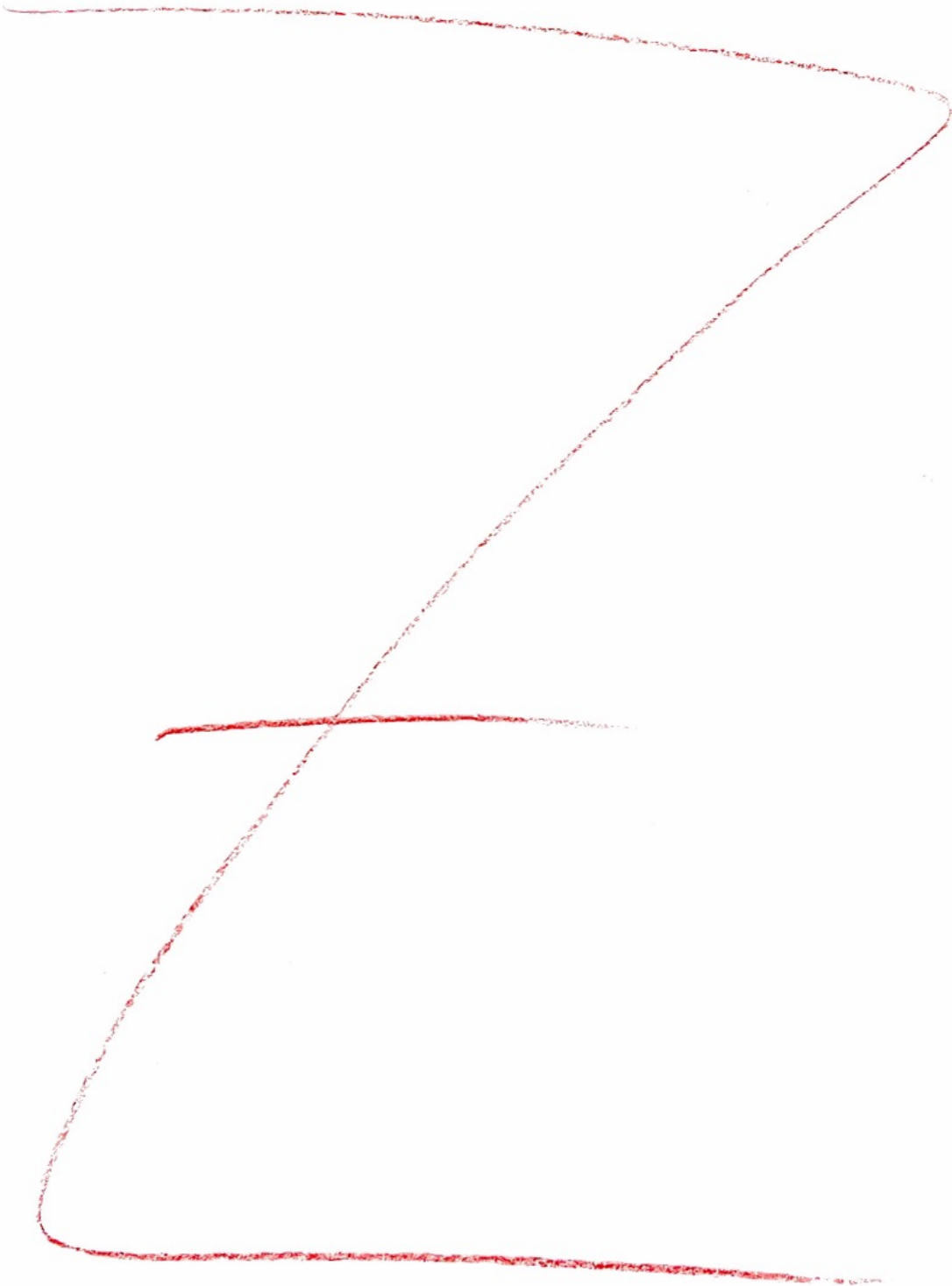
$$1) BO - \text{мед в } \triangle ABD \Rightarrow S_{ABO} = S_{BOD} = 6 \Rightarrow S_{ABD} = 12$$

$$2) AD - \text{мед в } \triangle ABC \Rightarrow S_{ABD} = S_{ADC} = 12 \Rightarrow S_{ABC} = 24$$

Ответ: 24

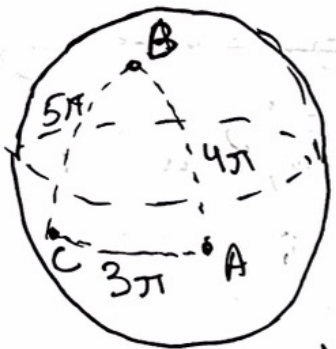
13-38-12-98
(123.3)

$$\begin{aligned}
 & (x-a)(x-b)(x-c) = \\
 & = x^3 - (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x - abc \\
 & (a+b+c)(a+b+c) = a^2 + b^2 + c^2 + ab + ba + ac + ca + bc + cb \\
 & \text{Герковик.}
 \end{aligned}$$



лит рел 1 из 3
гистовик.

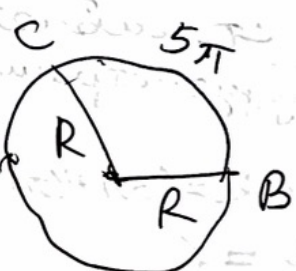
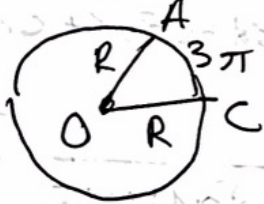
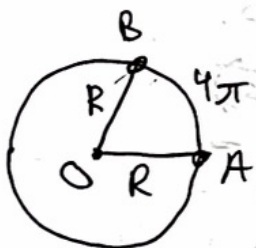
№5.



1) Минимальный расстояние путь по поверхности сферы лежит на дуге между двумя точками на сфере лежит на ~~осевом сечении~~ на окружности полученной при проведении сечения через

O (центр сферы) и две этих точки. Приведем радиус этой ^(на меньшей из дуг) окружности ^{между этими точками} совпадает с радиусом шара (осевое сечение).

2) Проведем три таких осевых сечения (центр шара - O, радиус шара - R)



длина полной дуга каждой из окружностей = $2\pi R$

$\angle AOB = \delta$ (это центральный угол)
 $\angle COA = \beta$
 $\angle BOC = \alpha$
 $\cup AB = \delta$
 $\cup BC = \alpha$
 $\cup AC = \beta$

длина дуги, ~~или~~ угловая мера которой равна x равняется $l \cdot \frac{x}{2\pi}$

где l - длина полной окружности

\Rightarrow ~~длина дуги~~ $AB = 2\pi R \cdot \frac{\delta}{2\pi}$
 $4\pi = R\delta$
 $\delta = \frac{4\pi}{R}$

Аналогично: $\alpha = \frac{5\pi}{R}$; $\beta = \frac{3\pi}{R}$

По т. косинусов где

- 1) $\triangle AOB: AB^2 = R^2 + R^2 - 2R^2 \cos \delta = 2R^2 (1 - \cos \delta)$
- 2) $\triangle AOC: AC^2 = R^2 + R^2 - 2R^2 \cos \beta = 2R^2 (1 - \cos \beta)$
- 3) $\triangle BOC: BC^2 = R^2 + R^2 - 2R^2 \cos \alpha = 2R^2 (1 - \cos \alpha)$

$$AB = \sqrt{2}R(1 - \cos \alpha) = a$$

$$BC = \sqrt{2}R(1 - \cos \beta) = b$$

$$AC = \sqrt{2}R(1 - \cos \gamma) = c$$

N5 мет реш
2 из 3 гистовике

~~S = AB~~

~~S =~~

для треугол со сторонами a, b и c :

$$\frac{a+b+c}{2} = p$$

$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$

$$S^2 = p(p-a)(p-b)(p-c) \quad || \cdot 2^4$$

$$2^4 \cdot S^2 = \frac{1}{2} 2p(2p-2a)(2p-2b)(2p-2c)$$

$$2^4 \cdot S^2 = (a+b+c)(b+c-a)(a+c-b)(a+b-c)$$

если минимизировать правое
выражение, то минимизируется
левое \Rightarrow минимизируется S .

Рассмотрим $f(R) = \frac{1}{2}(AB+AC+BC)$

$$= (a+b+c)(b+c-a)(b+a-c)(a+c-b) =$$

$$= (\sqrt{2}R)^4 (3 - \cos \alpha - \cos \beta - \cos \gamma)$$

$$\cdot (1 - \cos \alpha - \cos \beta + \cos \gamma)(1 - \cos \alpha - \cos \gamma + \cos \beta)$$

$$\cdot (1 - \cos \beta - \cos \gamma + \cos \alpha)$$

Длина дуги всегда строго больше
длины хорды, которая её стягивает.

При $R \rightarrow +\infty$ стороны $\triangle ABC$ будут стремиться
к $3\pi, 4\pi$ и 5π .

При значении R таком, что $2\pi R = (3\pi + 4\pi + 5\pi)$

$$R = 6$$

~~Стороны треугол~~ $\triangle ABC$ лежат
в осевом сечении и
имеет минимальную площадь.

(При увеличении радиуса от значения 6
стороны треугол будут приближаться
к длинам дуг соответствующих этим сторонам
 \Rightarrow будут увелич.).

~~При $R=6$: $AB = \sqrt{2} \cdot 6 \left(1 - \cos \frac{4\pi}{6}\right) = \sqrt{2} \cdot 6 - \sqrt{2} \cdot 6 \cdot \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$~~

№5 лист
решение
3 из 3 звездок

~~$AC = \sqrt{2} \cdot 6 \left(1 - \cos \frac{3\pi}{6}\right) = \sqrt{2} \cdot 6 - \sqrt{2} \cdot 6 \cdot 0$~~

~~$BC = \sqrt{2} \cdot 6 \left(1 - \cos \frac{5\pi}{6}\right) = \sqrt{2} \cdot 6 - \sqrt{2} \cdot 6 \cdot \left(-\frac{1}{2}\right)$~~

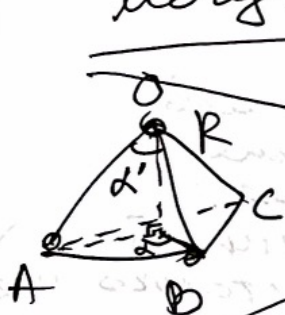
\Rightarrow При $R=6$ заметим, что ABC вписан в окружность радиуса $R=6 \Rightarrow$

$\Rightarrow S_{ABC} = \frac{abc}{4R} = \frac{2\sqrt{2}R^3 \cdot \left(1 + \frac{1}{2}\right)\left(1 + 0\right)\left(1 + \frac{\sqrt{3}}{2}\right)}{4R}$

$= \frac{6}{\sqrt{2}} \cdot \left(1 + \frac{1}{2}\right)\left(1 + \frac{\sqrt{3}}{2}\right) = \frac{6 \cdot 3 \cdot (2 + \sqrt{3})}{4\sqrt{2}}$

$= \frac{9}{2\sqrt{2}} \cdot (2 + \sqrt{3}) \leftarrow S_{ABC} \text{ при } R=6$

Если радиус будет меньше, чем 6, то если ABC кратчайшие пути между тройкой точек на сфере такого радиуса не могут равняться $3\pi, 4\pi, 5\pi$.



~~$\alpha' < \alpha$~~

\Rightarrow при применении теоремы косинусов

~~$AB^2 = \sqrt{2}R(1 - \cos \alpha')$~~

~~будет меньше, чем~~

~~будет слишком~~

Ответ: $\frac{9}{2\sqrt{2}} \cdot (2 + \sqrt{3})$

№ задачи	I	II	III	IV
$v_B = x$	$t_B = t$	$t_B = t - 2$	$t_B = t + 1$	$t_B = t + 1 - 2$
$v_M = 2x$	$t_M = t + 1 - 2$	$t_M = t + 1$	$t_M = t - 2$	$t_M = t$

$x \cdot t = 2x$

метрем №2 I из 2, метрвик

~~№ задачи~~ Пусть скорость велосипедиста равна x км/ч, скорость мотоциклиста $2x$ км/ч

I случай: Раньше выехал велосипедист
Остановился велосипедист
Пусть велосипедист ^{время} t , часов
Тогда мотоциклист $t - 1 + 2 = t + 1$ часов

Расстояние: велосипедист $= x \cdot t$
мот. $= 2x(t + 1)$

$\Rightarrow x \cdot t = 2x(t + 1) \quad \& \parallel : x, x \neq 0$

$t = 2(t + 1)$

$2t - t = -2 \Rightarrow t = -2$ часов

\Rightarrow данный случай решения не имеет.

(велосипедист ехал медленнее и меньше, а проехал столько же)

II случай: Раньше выехал вел
Останавливался мот.

Пусть вел. ехал t часов

Тогда мот ехал $t - 1 + 2$ часов

$\Rightarrow t \cdot x = 2x(t - 1 + 2)$

$t = 2(t - 1 + 2)$

$t = 2(t + 1) - 2$

$t = 2(t + 1) - 2$

время отправления вел t
 $\Rightarrow 12:00 + 6:00 = 18:00$ время прибытия

III случай: Раньше выехал мот. $\sqrt{2}$ мот рел
 Ост. сделал. вел $2 \text{ мот } 2, \text{ мотобик}$

\Rightarrow Пусть t время вел = t часов
 Тогда время мот = $t + 1 + 2$ часов

\Rightarrow ~~Аналогично~~
 $x + t = 2x(t + 3)$
 $t = 2t + 6$
 $t = -6 \Rightarrow$ Аналогично случаю I.

IV случай: раньше выехал мот
 остановку сделал мот.

\Rightarrow Пусть время вел = t часов
 Тогда время мот = $t + 1 - 2$ часов.

$\Rightarrow x + t = 2x(t - 1)$

~~Аналогично случаю II~~
~~Время прибытия~~

$$t = 2t - 2$$

$t = 2 \Rightarrow$ Время прибытия

= время отправки вел + $t = 13:00 + 2:00 = 15:00.$

Ответ: 1) если раньше выехал велосипедист,
 а остановку сделал мотоциклист,
 то время прибытия 18:00
 2) если раньше выехал мотоциклист
 а остановку сделал тот же ОК,
 то время прибытия 15:00
 3) других случаев быть не может.

№ 6 лист реш. 1 из 3
 листовик

p_2 - обязательно простое.

$$P_{k-a} = \frac{N}{P_{a+1}} \text{ где } \begin{cases} a \in \mathbb{Z} \\ a \in [0; k) \end{cases}$$

~~1) Рассмотрим отдельно~~
 ~~$P_3 = P_{1687}$~~

Если $k=1687$, то $P_k \cdot P_{k-1} \cdot P_3 \geq$
 $\geq P_k \cdot P_{k-1} \cdot P_2 = N^2$
 \Rightarrow равенство верное.

Если $k=1696$ или меньше
 то противоречие с условием
 задачи.

Если $k=1688$, то

$$P_3 \cdot P_4 \cdot P_{k-2} \cdot P_{k-1} = N^2$$

$$\geq P_2 \cdot P_3 \cdot P_{k-2} \cdot P_{k-1} = N^2$$

$$\Rightarrow \text{равенство верное.}$$

Если $k=1689$:

$$P_3 \cdot P_4 \cdot P_{k-3} \cdot P_{k-2} = N^2$$

Если $k \geq 1700$, то равенство
 неверное.

Очевидно верно для $a=0$ ($N=1 \cdot N$).

\rightarrow далее можно доказать по индукции.

1) База $a=0$ ~~уже доказано~~

2) $a=d$: известно, что для $d' \leq d$ $P_{k-d'} = \frac{N}{P_{d'+1}}$

3) $a=d+1$: Пусть $P_{k-d-1} \neq \frac{N}{P_{d+2}}$ тогда

$P_{d+2} = \frac{N}{P_e}$ приведем $s \in [k-d-1; k]$ и $P_{k-d-1} = \frac{N}{P_s}$, $s \geq d+2$
 (все P_s индексом s больше $d+1$) тогда $P_{d+2} P_e = P_{k-d-1} P_s = N$
 (все P_s индексом s больше $d+1$) тогда $P_{d+2} P_e = P_{k-d-1} P_s = N$
 (все P_s индексом s больше $d+1$) тогда $P_{d+2} P_e = P_{k-d-1} P_s = N$

⇒ всего делителей у числа N (включая 1 и N) может быть 1697, 1698 и 1699.

N^3 имеет делителей 2 из 3 так как

если $N = n_1^{\alpha_1} \cdot n_2^{\alpha_2} \cdot n_3^{\alpha_3} \dots n_m^{\alpha_m}$

где $\{\alpha_i \in \mathbb{Z}_0; +\infty\}$ и n_i - простые
 $\{\alpha_i \in \mathbb{Z}$

То число делителей

~~$\sigma(N)$~~ $\sigma(N) = (1 + \alpha_1)(1 + \alpha_2) \dots (1 + \alpha_m)$.

$N^3 = n_1^{3\alpha_1} \cdot n_2^{3\alpha_2} \dots n_m^{3\alpha_m}$

⇒ $\sigma(N^3) = (1 + 3\alpha_1)(1 + 3\alpha_2) \dots (1 + 3\alpha_m)$

Известно, что $\sigma(N) = k$

1) $k = 1698 = 2 \cdot 849 = 2 \cdot 3 \cdot 283$

283	17
17	1699
113	
283	

~~⇒ $\alpha_1 = 1, n_1 = 2$
 $\alpha_2 = 2, n_2 = 3$
 $\alpha_3 = 283, n_3 = 283$~~

~~⇒ $\sigma(N^3) = (1+3)(1+3)(1+3) = 64$~~

~~$(1 + \alpha_1) = 2$ $\alpha_1 = 1$
 $(1 + \alpha_2) = 3$ $\alpha_2 = 2$
 $(1 + \alpha_3) = 283$ $\alpha_3 = 282$~~

$\sigma(N^3) = (1+3)(1+6)(1+846) = 28 \cdot 847$

2) $k = 1697$ - простое ⇒ $\alpha_1 = 1696$
 ⇒ $\sigma(N^3) = (1+3 \cdot 1696)$

1697	17	1697	11	1697	19	1697	13
25	12	11	153	133	13	152	18
28		59	36	36	149		
17	1697	23	1697	29	1697	31	1697
	161	7	145	15	155	15	148
	87		247		147	217	146
						227	

- 1 2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37

3) $K = 1699$ — простое $\Rightarrow \alpha_1 = 1698$
~~1 2 3 5 7 11 13 17 19~~ $\Rightarrow 6(N^3) = (1 + 3 \cdot 1698)$
~~23 29 31 37~~

~~$$\begin{array}{r} 1699 \overline{) 7} \\ \underline{1400} \\ 299 \\ \underline{280} \\ 19 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1699 \overline{) 11} \\ \underline{11} \\ 59 \\ \underline{55} \\ 49 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1699 \overline{) 13} \\ \underline{13} \\ 35 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1699 \overline{) 19} \\ \underline{152} \\ 179 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1699 \overline{) 23} \\ \underline{145} \\ 49 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1699 \overline{) 29} \\ \underline{161} \\ 89 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1699 \overline{) 31} \\ \underline{175} \\ 147 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1699 \overline{) 37} \\ \underline{148} \\ 219 \\ \underline{185} \\ 34 \end{array}$$~~

№6 имеет
 решения
 $\sum_{i=1}^3$ — истинно

\Rightarrow где $K = 1697$
 $6(N) = 1697$
 $6(N^3) = 1 + 3 \cdot 1696 = 5089$

$\times 1696$
 $\underline{3}$
 5088

Пример $N: 2^{1696}$

где $K = 1698$
 $6(N) = 1698$
 $6(N^3) = 23716$

$\times 847$
 $\underline{28}$
~~6776~~
~~16940~~
 23716

Пример $N: 2 \cdot 3^2 \cdot 5^{282}$

где $K = 1699$:
 $6(N) = 1699$
 $6(N^3) = 5084 + 1 = 5095$

$\times 1698$
 $\underline{3}$
 5094

Пример $N: 2^{1698}$

Ответ: 5089; 5095; 23716

Повысить оценку на 5 баллов
(старая оценка — 80 баллов,
новая оценка — 85 баллов).



Председателю апелляционной комиссии
олимпиады школьников
«Покори Воробьевы горы!»
Ректору МГУ имени М.В. Ломоносова
академику В.А. Садовничему
от ученика 11 класса Университетского
Лицея №1511 предвуниверситария НИЯУ
МИФИ, Москва
Ивана Сергеевича Горячева

апелляция.

Прошу пересмотреть выставленные технические баллы 80 за мою работу заключительного этапа по математике, поскольку считаю, что согласно критериям для задания 6 я должен был получить 5 баллов.

Критерий: "Обосновано получена часть ответа. Верно рассмотрен одна из правильных ситуаций. Нет обоснования, что большие значения $\sigma(N)$ не подходят"

В моем решении: обосновано получена часть ответа. Верно рассмотрены две из трех правильных ситуаций. И есть обоснование, что большие значения $\sigma(N)$ не подходят. (Вместо $\sigma(N)$ я в решении писал k , потому что это то же самое исходя из обозначений введенных в условии задачи - Раз k это номер последнего делителя, то количество делителей равно k и это и есть $\sigma(N)$. Также при рассмотрении очередного k (например $k=1699$) я заменял 1697 и 1696 на $k-2$ и $k-3$ соответственно).

Также прошу перепроверить мое решение 5ой задачи. Я неверно прочитал условие и искал площадь вместо периметра, однако в ходе решения были записаны некоторые утверждения и формулы, которые также нужны для поиска периметра.

Дата 20.04.2023

Горячев (подпись)